

Подписано цифровой подписью: АНОО ВО
"СИБИТ"

Причина: Я утвердил этот документ
DN: ИНН ЮЛ=7707329152, E=uc@tax.gov.ru,
ОГРН=1047707030513, C=RU, S=77 Москва, L=г.
Москва, STREET="ул. Неглинная, д. 23",
O=Федеральная налоговая служба, CN=Федеральная
налоговая служба

УТВЕРЖДЕНО:

Ректор

Родионов М. Г.

(протокол от 28.08.2024 № 12)

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)
«ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА»**

Уровень высшего образования: бакалавриат

Направление подготовки: 38.03.04 Государственное и муниципальное управление

Направленность (профиль) подготовки: Государственное и муниципальное управление

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Формы обучения: очная, очно-заочная, заочная

Год набора (приема на обучение): 2024

Срок получения образования: Очная форма обучения – 4 года
 Очно-заочная форма обучения – 4 года 10 месяца(-ев)
 Заочная форма обучения – 4 года 10 месяца(-ев)

Объем: в зачетных единицах: 3 з.е.
 в академических часах: 108 ак.ч.

г. Омск, 2024

Разработчики:

Доцент, факультет очного обучения, кандидат педагогических наук, доцент Бабичева И. В.

13

Рецензенты:

Кийко П.В., доцент кафедры высшей математики, ФГБОУ ВО «Российский государственный аграрный университет — МСХА имени К. А. Тимирязева», к.пед.н.

Рабочая программа дисциплины (модуля) составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки Направление подготовки: 38.03.04 Государственное и муниципальное управление, утвержденного приказом Минобрнауки России от 13.08.2020 №1016, с учетом трудовых функций профессиональных стандартов: "Специалист по организации администрирования страховых взносов", утвержден приказом Минтруда России от 28.10.2015 № 788н; "Специалист в сфере управления проектами государственно-частного партнерства", утвержден приказом Минтруда России от 20.07.2020 № 431н; "Специалист по социальной работе", утвержден приказом Минтруда России от 18.06.2020 № 351н; "Специалист по оказанию государственных услуг в области занятости населения", утвержден приказом Минтруда России от 20.09.2021 № 642н; "Специалист в сфере закупок", утвержден приказом Минтруда России от 10.09.2015 № 625н; "Специалист по организации и установлению выплат социального характера", утвержден приказом Минтруда России от 28.10.2015 № 787н; "Консультант по налогам и сборам", утвержден приказом Минтруда России от 12.10.2021 № 722н.

Согласование и утверждение

№	Подразделение или коллегиальный орган	Ответственное лицо	ФИО	Виза	Дата, протокол (при наличии)
1		Руководитель образовательной программы	Симонова Н. Ю.	Согласовано	28.08.2024, № 12

Содержание (рабочая программа)

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)
2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы
3. Место дисциплины в структуре ОП
4. Объем дисциплины и виды учебной работы
5. Содержание дисциплины
 - 5.1. Разделы, темы дисциплины и виды занятий
 - 5.2. Содержание разделов, тем дисциплины
6. Рекомендуемые образовательные технологии
7. Оценочные материалы текущего контроля
8. Оценочные материалы промежуточной аттестации
9. Порядок проведения промежуточной аттестации
10. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины
 - 10.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы
 - 10.2. Профессиональные базы данных и ресурсы «Интернет», к которым обеспечивается доступ обучающихся
 - 10.3. Программное обеспечение и информационно-справочные системы, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине
 - 10.4. Специальные помещения, лаборатории и лабораторное оборудование
11. Методические указания по освоению дисциплины (модуля)

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)

Цель освоения дисциплины - формирование у будущих специалистов знаний современных методов математических исследований и построения математических моделей, характерными свойствами которых являются их общность или безотносительность к реальным явлениям, развитие у обучающихся навыков межличностной коммуникации, принятия решений

Задачи изучения дисциплины:

- ознакомление с математикой, как с одним из основных инструментов познания окружающего мира и как наукой, изучающей математические модели реальных процессов. В результате изучения курса студент должен понять перспективы развития и возможности применения математических методов в выбранной им сфере деятельности;
- овладение математическим языком, как инструментом, организующим деятельность будущего специалиста. Важными элементами математического языка являются таблицы, схемы, графики;
- усвоение основных математических понятий, которые должны способствовать развитию логического мышления, умению оперировать абстрактными понятиями.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Компетенции, индикаторы и результаты обучения

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

УК-1.1 Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач

Знать:

УК-1.1/Зн1 Основные понятия и инструменты линейной алгебры и геометрии, математического анализа, анализа данных

УК-1.1/Зн2 Теоретический материал, методы и алгоритмы линейной алгебры и геометрии, математического анализа, анализа данных в объеме, необходимом для количественного и качественного анализа прикладных задач

УК-1.2 Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности

Уметь:

УК-1.2/Ум1 Применять типовые математические методы для решения задач, возникающих в сфере профессиональной деятельности

УК-1.2/Ум2 Применять математический аппарат для постановки и решения организационно-управленческих задач

3. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина (модуль) «Высшая математика» относится к обязательной части образовательной программы и изучается в семестре(ах): Очная форма обучения - 1, Очно-заочная форма обучения - 1, Заочная форма обучения - 1.

Освоение компетенций начинается с изучения текущей дисциплины.

Последующие дисциплины (практики) по связям компетенций:

Логика;

Ознакомительная практика;

Организационно-управленческая практика;
 Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы;
 Преддипломная практика;
 Управленческие решения;
 Учебно-воспитательный семинар;

В процессе изучения дисциплины студент готовится к видам профессиональной деятельности и решению профессиональных задач, предусмотренных ФГОС ВО и образовательной программой.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Очная форма обучения

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Консультации (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)
Первый семестр	108	3	56	2	18	36	43	Зачет (9)
Всего	108	3	56	2	18	36	43	9

Очно-заочная форма обучения

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Консультации (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)
Первый семестр	108	3	38	2	12	24	66	Зачет (4)
Всего	108	3	38	2	12	24	66	4

Заочная форма обучения

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Консультации (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)

Первый семестр	108	3	8	2	2	4	96	Зачет (4)
Всего	108	3	8	2	2	4	96	4

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы, темы дисциплины и виды занятий

(часы промежуточной аттестации не указываются)

Очная форма обучения

Наименование раздела, темы	Всего	Консультации	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соответствующие результатам освоения программы
Раздел 1. Высшая математика	99	2	18	36	43	УК-1.1 УК-1.2
Тема 1.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии	37		8	16	13	
Тема 1.2. Введение в математический анализ	22		4	8	10	
Тема 1.3. Математический анализ	40	2	6	12	20	
Итого	99	2	18	36	43	

Очно-заочная форма обучения

Наименование раздела, темы	Всего	Консультации	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соответствующие результатам освоения программы
Раздел 1. Высшая математика	104	2	12	24	66	УК-1.1 УК-1.2
Тема 1.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии	38		6	10	22	
Тема 1.2. Введение в математический анализ	28	2	2	6	18	
Тема 1.3. Математический анализ	38		4	8	26	
Итого	104	2	12	24	66	

Заочная форма обучения

						га	гы	ес
--	--	--	--	--	--	----	----	----

Наименование раздела, темы	Всего	Консультации	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соответствующие результатам освоения программы
Раздел 1. Высшая математика	104	2	2	4	96	УК-1.1 УК-1.2
Тема 1.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии	30		2		28	
Тема 1.2. Введение в математический анализ	36	2		2	32	
Тема 1.3. Математический анализ	38			2	36	
Итого	104	2	2	4	96	

5.2. Содержание разделов, тем дисциплин

Раздел 1. Высшая математика

Тема 1.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии

Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений. Элементы матричного анализа. Элементы аналитической геометрии на плоскости.

Тема 1.2. Введение в математический анализ

Теория пределов. Непрерывность функций.

Тема 1.3. Математический анализ

Пределный анализ. Функции нескольких переменных. Интегралы.

6. Рекомендуемые образовательные технологии

При преподавании дисциплины применяются разнообразные образовательные технологии в зависимости от вида и целей учебных занятий.

Теоретический материал излагается на лекционных занятиях в следующих формах:

- проблемные лекции;
- лекция-беседа;
- лекции с разбором практических ситуаций.

Семинарские занятия по дисциплине ориентированы на закрепление теоретического материала, изложенного на лекционных занятиях, а также на приобретение дополнительных знаний, умений и практических навыков осуществления профессиональной деятельности посредством активизации и усиления самостоятельной деятельности обучающихся.

Большинство практических занятий проводятся с применением активных форм обучения, к которым относятся:

- 1) устный опрос студентов с элементами беседы и дискуссии по вопросам, выносимым на практические занятия;

- 2) групповая работа студентов, предполагающая совместное обсуждение какой-либо проблемы (вопроса) и выработку единого мнения (позиции) по ней (метод группового обсуждения, круглый стол);
 - 3) контрольная работа по отдельным вопросам, целью которой является проверка знаний студентов и уровень подготовленности для усвоения нового материала по дисциплине.
- На семинарских занятиях оцениваются и учитываются все виды активности студентов: устные ответы, дополнения к ответам других студентов, участие в дискуссиях, работа в группах, инициативный обзор проблемного вопроса, письменная работа.

7. Порядок проведения промежуточной аттестации

Промежуточная аттестация: Очная форма обучения, Зачет, Первый семестр.

- 1) Работа с тестовыми заданиями.
- 2) Выполнение итоговой работы.

Промежуточная аттестация: Очно-заочная форма обучения, Зачет, Первый семестр.

- 1) Работа с тестовыми заданиями.
- 2) Выполнение итоговой работы.

Промежуточная аттестация: Заочная форма обучения, Зачет, Первый семестр.

- 1) Работа с тестовыми заданиями.
- 2) Выполнение итоговой работы.

8. Оценочные материалы текущего контроля

Раздел 1. Высшая математика

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2

Тема 1.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии

Форма контроля/оценочное средство: Посещение и работа на лекционных и практических занятиях

Вопросы/Задания:

1. Посещение занятий:
 - а) посещение лекционных и практических занятий,
 - б) соблюдение дисциплины.

2. Работа на лекционных занятиях:

Лекционное занятие 1.

Матрица. Виды матриц. Операции над матрицами: умножение матрицы на число; сложение матриц; вычитание матриц; умножение матриц; возведение в степень; транспонирование матрицы. Вычисление определителей. Экономический смысл матрицы. Определение матрицы полных затрат.

Лекционное занятие 2.

Виды СЛАУ. Решение невырожденных СЛАУ методом Крамера и методом обратной матрицы. Метод Гаусса решения системы линейных уравнений. Линейные модели распределения ресурсов. Модель Леонтьева.

Лекционное занятие 3.

Понятие n -мерного вектора и n -мерного векторного пространства. Линейная комбинация векторов. Линейная зависимость векторов. Размерность и базис векторного пространства. Операции над n -мерными векторами. Собственные векторы и собственные значения матрицы. Модель международной торговли.

Лекционное занятие 4.

Общее уравнение прямой, уравнение прямой в «отрезках», с угловым коэффициентом. Взаимное расположение прямых. Линии второго порядка. Уравнение плоскости. Кривые спроса и предложения. Точка равновесия.

3. Работа на практических занятиях:

Практическое занятие 1. Действия над матрицами.

Операции над матрицами: умножение матрицы на число; сложение матриц; вычитание матриц; умножение матриц; возведение в степень; транспонирование матрицы. Определение матрицы полных затрат.

Практическое занятие 2. Вычисление определителей.

Вычисление определителей 3-го порядка по правилу треугольников. Разложение определителя по элементам строки (столбца). Вычисление определителей с использованием свойств. Нахождение обратной матрицы.

Практическое занятие 3. Решение невырожденных СЛАУ.

Решение СЛАУ по формулам Крамера. Решение СЛАУ методом обратной матрицы. Составление математической модели распределения ресурсов и ее решение по формулам Крамера и методом обратной матрицы, методом Гаусса.

Практическое занятие 4. Исследование СЛАУ на совместность.

Нахождение ранга матрицы. Нахождение общего решения СЛАУ. Составление балансовых соотношений. Выполнение индивидуальных заданий.

Практическое занятие 5. Действия с геометрическими векторами.

Линейные операции над геометрическими векторами: произведение вектора на число; сумма векторов; разность векторов. Построение векторов. Нахождение координат вектора, длины вектора, скалярного произведения векторов. Установление взаимного расположения векторов.

Практическое занятие 6. Приложения матричного анализа в экономике.

Действия с n -мерными векторами. Составление таблицы обменных валют, определение суммарных расходов. Нахождение равновесного вектора национальных доходов.

Практическое занятие 7. Уравнения прямой и плоскости.

Составление уравнений прямых на плоскости и в пространстве. Исследование взаимного расположения прямых на плоскости. Оценка вариантов технологического процесса. Определение уравнений зависимости при описании экономических процессов.

Практическое занятие 8. Приложения аналитической геометрии в экономике.

Решение задач на установления точки равновесия по кривым спроса и предложения. Выполнение индивидуальных заданий по теме "Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии".

Тема 1.2. Введение в математический анализ

Форма контроля/оценочное средство: Посещение и работа на лекционных и практических занятиях

Вопросы/Задания:

1. Посещение занятий:

- а) посещение лекционных и практических занятий,
- б) соблюдение дисциплины.

2. Работа на лекционных занятиях:

Лекционное занятие 1.

Множества, функции и последовательности. Понятие производственной функции. Предел числовой последовательности и функции. Геометрический смысл предела. Основные теоремы

о пределах. «Замечательные» пределы. Эквивалентные бесконечно малые функции.

Лекционное занятие 2.

Два определения непрерывности функции в точке. Точки разрыва и их классификация. Метод половинного деления. кусочно-непрерывные функции в CVP анализе.

3. Работа на практических занятиях:

Практическое занятие 1. Множества, последовательности и функции.

Выполнение операций над множествами. Установление свойств функции. Установление области определения и области значений функции. Построение графиков функций сдвигами и деформациями. Составление функции прибыли, нахождение точки безубыточности.

Практическое занятие 2. Вычисление пределов.

"Раскрытие" основных неопределенностей при вычислении пределов. Применение замечательных пределов в решении задач о непрерывном начислении процентов. Применение эквивалентных бесконечно малых функций для "раскрытия" неопределенностей.

Практическое занятие 3. Исследование функций на непрерывность.

Исследование функций на непрерывность в точке. Нахождение точек разрыва функции и установление их вида. Исследование функций на непрерывность на отрезке.

Практическое занятие 4. Решение прикладных задач методами математического анализа.

Решение задач с использованием производственных функций, решение задач на непрерывные проценты.

Выполнение индивидуальных заданий по теме "Введение в математический анализ".

Тема 1.3. Математический анализ

Форма контроля/оценочное средство: Посещение и работа на лекционных и практических занятиях

Вопросы/Задания:

1. Посещение занятий:

- а) посещение лекционных и практических занятий,
- б) соблюдение дисциплины.

2. Работа на лекционных занятиях:

Лекционное занятие 1.

Производная и ее вычисление. Геометрический, экономический и физический смысл производной. Дифференциал функции и его геометрический смысл. Основные теоремы дифференциального исчисления. Исследование функций с помощью производной. Предельные показатели в микроэкономике. Эластичность экономических показателей.

Лекционное занятие 2.

Понятие функции нескольких переменных. Производственная функция Кобба-Дугласа. линии и поверхности уровня. Частные производные. Градиент и производная по направлению. Локальный экстремум. Метод наименьших квадратов.

Лекционное занятие 3.

Первообразная. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов. Основные методы интегрирования. Нахождение объема реализованной продукции. Формула Ньютона-Лейбница для вычисления определенного интеграла. Экономические и геометрические приложения определенного интеграла.

3. Работа на практических занятиях:

Практическое занятие 1. Производная.

Вычисление производной. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Решение задач по определению предельных издержек, эластичности спроса.

Практическое занятие 2. Применение производных к исследованию функций.
Исследование функций на монотонность, установление точек экстремума, исследование на выпуклость и точки перегиба. Решение задач на максимизацию прибыли.

Практическое занятие 3. Исследование функций нескольких переменных.
Построение графика функции двух переменных, определение линий и поверхностей уровня, вычисление частных производных. Нахождение производной по направлению и градиента.

Практическое занятие 4. Применение функций нескольких переменных в экономике.
Нахождение прибыли от производства разных видов продукции, Максимизация прибыли производства однородной продукции. Применение метода наименьших квадратов для анализа данных эксперимента.

Практическое занятие 5. Вычисление интегралов.
Нахождение первообразной. Вычисление неопределенного интеграла. Вычисление определенного интеграла. Вычисление площади плоской области.

Практическое занятие 6. Приложения интегралов в экономике.
Нахождение выигрыша потребителей. Выполнение индивидуальных заданий по теме "Математический анализ".

9. Оценочные материалы промежуточной аттестации

Очная форма обучения, Первый семестр, Зачет

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2

Вопросы/Задания:

1. Работа с тестовыми заданиями.

Приложение 7.

2. Выполнение итоговой работы.

Приложение 8.

Очно-заочная форма обучения, Первый семестр, Зачет

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2

Вопросы/Задания:

1. Работа с тестовыми заданиями.

Приложение 7.

2. Выполнение итоговой работы.

Приложение 8.

Заочная форма обучения, Первый семестр, Зачет

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2

Вопросы/Задания:

1. Работа с тестовыми заданиями.

Приложение 7.

2. Выполнение итоговой работы.

Приложение 8.

10. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

10.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная литература

1. Симушев, А. А. Высшая математика: учебное пособие: учебное пособие / А. А. Симушев, С. М. Зарбалиев, В. В. Григорьев; ред. С. М. Зарбалиев. - Москва: Прометей, 2022. - 224 с. - 978-5-00172-357-8. - Текст: электронный. // Директ-Медиа: [сайт]. - URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=700984> (дата обращения: 26.09.2024). - Режим доступа: по подписке

2. Литвин, Д. Б. Высшая математика: линейная алгебра: учебное пособие: учебное пособие / Д. Б. Литвин. - Ставрополь: Ставропольский государственный аграрный университет (СтГАУ), 2022. - 80 с. - Текст: электронный. // Директ-Медиа: [сайт]. - URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=700816> (дата обращения: 26.09.2024). - Режим доступа: по подписке

Дополнительная литература

1. Литаврин, А. В. Линейная алгебра: учебное пособие: учебное пособие / А. В. Литаврин, Т. В. Моисеенкова. - Красноярск: Сибирский федеральный университет (СФУ), 2022. - 244 с. - 978-5-7638-4604-1. - Текст: электронный. // Директ-Медиа: [сайт]. - URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=705607> (дата обращения: 26.09.2024). - Режим доступа: по подписке

2. Абрамовский, В. А. Аналитическая геометрия и линейная алгебра: ряды и интегралы, зависящие от параметра. Ряды и интегралы Фурье: учебник: учебник / В. А. Абрамовский, В. Н. Белов, О. Н. Найда. - Москва: Физматлит, 2022. - 672 с. - 978-5-9221-1941-2. - Текст: электронный. // Директ-Медиа: [сайт]. - URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=703703> (дата обращения: 26.09.2024). - Режим доступа: по подписке

10.2. Профессиональные базы данных и ресурсы «Интернет», к которым обеспечивается доступ обучающихся

Профессиональные базы данных

1. <http://www.ebiblioteka.ru> - Базы данных East View
2. <http://polpred.com> - База данных экономики и права
3. <http://www.portal.euromonitor.com/portal/server.pt> - Бизнес-база данных Passport GMID
4. <https://repec.org> - Реферативная база данных
5. <https://scholar.google.ru> - Международная научная реферативная база данных
6. <https://www.openaire.eu> - Международная научная реферативная база данных
7. <https://academic.microsoft.com> - Международная научная реферативная база данных

Ресурсы «Интернет»

1. <http://www.sibit.sano.ru> - Официальный сайт образовательной организации
2. <http://do.sano.ru> - Система дистанционного обучения Moodle (СДО Moodle)
3. <http://www.gov.ru> - Федеральные органы власти
4. <http://www.ksrf.ru> - Сайт Конституционного Суда Российской Федерации
5. <http://www.supcourt.ru> - Сайт Верховного Суда РФ
6. <http://президент.рф> - Сайт Президента Российской Федерации
7. <http://www.duma.gov.ru> - Сайт Государственной Думы Федерального Собрания РФ
8. <http://www.government.ru> - Сайт Правительства Российской Федерации
9. <http://www.gov.ru/main/regions/regioni-44.html> - Сайт субъектов Российской Федерации
10. <http://www.garant.ru> - Справочная правовая система «Гарант»
11. <http://www.ach.gov.ru> - Счётная палата Российской Федерации
12. <http://rostrud.ru> - Федеральная служба по труду и занятости

13. <http://www.kadrovik.ru> - Национальный союз кадровиков
14. <http://www.ilo.org> - Международная организация труда
15. <http://www.hr-portal.ru> - Сообщество HR-менеджеров
16. <http://www.inpravo.ru> - Правовой портал
17. <http://www.all-pravo.ru> - Вопросы правового регулирования наследования, дарения, пожизненной ренты
18. <http://lib.perm.ru> - Электронная библиотека по различным отраслям информатики и информационных технологий
19. <http://www.ci.ru> - Электронная версия газеты «Компьютер-Информ»
20. <http://window.edu.ru> - Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам»
21. <http://www.diss.rsl.ru> - Электронная библиотека диссертаций РГБ
22. <http://uisrussia.msu.ru/is4/main.jsp> - Университетская информационная система РОССИЯ
23. <http://grebennikon.ru> - Электронная библиотека Издательского дома «Гребенников»
24. <http://www.tandfonline.com> - Журналы издательств «Taylor & Francis»
25. <http://oxfordjournals.org> - Журналы издательства Оксфордского университета
26. <http://www.cfin.ru> - Сайт «Корпоративный менеджмент»
27. <http://infomanagement.ru> - Электронная библиотека книг и статей по менеджменту
28. <http://menegerbook.net> - Электронная библиотека книг по менеджменту
29. <http://www.aup.ru> - Административно-управленческий портал
30. <http://ecsocman.edu.ru> - Федеральный образовательный портал «Экономика, социология, менеджмент»
31. <http://www.mevriz.ru> - Сайт журнала «Менеджмент в России и за рубежом».
32. <http://www.stplan.ru> - Сайт «Стратегическое управление и планирование»
33. <http://www.swot-analysis.ru> - Программы для стратегического планирования
34. <http://www.edu.ru> - Федеральный портал «Российское образование»
35. <http://www.law.edu.ru> - Российский образовательный правовой портал
36. <http://www.openet.ru> - Российский портал открытого образования
37. <http://www.auditorium.ru> - Информационно-образовательный портал «Гуманитарные науки»
38. www.ucheba.com - Образовательный портал «Учёба»
39. www.gpntb.ru - Сайт государственной публичной научно-технической библиотеки России (ГПНТБ)
40. <http://www.rsl.ru> - Российская государственная библиотека
41. <http://www.rsl.ru> - Российская государственная библиотека
42. <http://www.nlr.ru> - Российская национальная библиотека
43. <http://www.km.ru> - Энциклопедия Кирилла и Мефодия
44. <http://www.rubricon.ru> - Крупнейший энциклопедический ресурс Интернета
45. <http://www.encyclopedia.ru> - Мир энциклопедий
46. <http://www.shpl.ru> - Государственная публичная историческая библиотека
47. <http://www.edic.ru> - Большой энциклопедический и исторический словарь онлайн
48. <http://lib.ru> - Электронная библиотека Максима Мошкова

10.3. Программное обеспечение и информационно-справочные системы, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

При подготовке и проведении учебных занятий по дисциплине студентами и преподавателями используются следующие современные профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. Электронная библиотечная система «Университетская библиотека онлайн» (<http://www.biblioclub.ru>).
2. Интегрированная библиотечно-информационная система ИРБИС64 (<http://lib.sano.ru>).
3. справочно-правовая система КонсультантПлюс.
4. Электронная справочная система ГИС Омск.

10.4. Специальные помещения, лаборатории и лабораторное оборудование

Институт располагает материально-технической базой, соответствующей действующим противопожарным правилам и нормам и обеспечивающей проведение всех видов дисциплинарной и междисциплинарной подготовки, практической и научно-исследовательской работ обучающихся, предусмотренных учебным планом.

Для проведения учебных занятий по дисциплине используются следующие помещения, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения:

Для лекций, семинаров (практических), групповых, индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации, ГИА

Учебная аудитория № 201

Перечень оборудования

- Доска маркерная - 1 шт.
- Стол - 20 шт.
- Стол преподавателя - 1 шт.
- Стул - 40 шт.
- Стул преподавателя - 1 шт.
- Тематические иллюстрации - 0 шт.
- Трибуна - 1 шт.
- Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

Не используется.

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)

Не используется.

Учебная аудитория № 202

Перечень оборудования

- Доска маркерная - 1 шт.
- Стол - 15 шт.
- Стол преподавателя - 1 шт.
- Стул - 30 шт.
- Стул преподавателя - 1 шт.
- Тематические иллюстрации - 0 шт.
- Трибуна - 1 шт.
- Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

Не используется.

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Мультимедийная учебная аудитория № 210

Перечень оборудования

Аудиоколонка - 5 шт.
Доска маркерная - 1 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Проектор - 1 шт.
Стол - 37 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 74 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Трибуна - 1 шт.
Экран - 1 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows
Microsoft Office 2007 standart Win32 Russian
Microsoft Windows XP Professional Russian

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)

Consultant Plus
2GIS

Мультимедийная учебная аудитория № 211

Перечень оборудования

Аудиоколонка - 5 шт.
Доска маркерная - 1 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Проектор - 1 шт.
Стол - 27 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 54 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Трибуна - 1 шт.
Экран - 1 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows
Microsoft Office 2007 standart Win32 Russian
Microsoft Windows XP Professional Russian

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)

Consultant Plus
2GIS

Мультимедийная учебная аудитория № 301

Перечень оборудования

Доска - 1 шт.
Стол - 18 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 36 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Трибуна - 1 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Учебная аудитория № 302

Перечень оборудования

Доска маркерная - 1 шт.
Стол - 18 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 36 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Трибуна - 1 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Мультимедийная учебная аудитория № 303

Перечень оборудования

Доска маркерная - 1 шт.
Стол - 15 шт.
Стол преподавателя - 30 шт.
Стул - 1 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Трибуна - 1 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения
(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Мультимедийная учебная аудитория № 304

Перечень оборудования
Аудиоколонка - 2 шт.
Доска маркерная - 1 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Проектор - 0 шт.
Стол - 18 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 36 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Трибуна - 1 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.
Экран - 0 шт.

Перечень программного обеспечения
(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows
Microsoft Office 2007 standart Win32 Russian
Microsoft Windows 10

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)
Consultant Plus
2GIS

Мультимедийная учебная аудитория № 312

Перечень оборудования
Аудиоколонка - 2 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Проектор - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.
Экран - 1 шт.

Перечень программного обеспечения
(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows
Microsoft Office 2007 standart Win32 Russian
Microsoft Windows XP Professional Russian

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)

Consultant Plus
2GIS

Учебная аудитория № 415

Перечень оборудования

Доска маркерная - 1 шт.
Стол - 15 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 30 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.
Шкаф - 1 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Учебная аудитория № 417

Перечень оборудования

Доска маркерная - 1 шт.
Стол - 15 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 30 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Тематические иллюстрации - 0 шт.
Трибуна - 1 шт.
Учебно-наглядные пособия - 0 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Мультимедийная учебная аудитория № 422

Перечень оборудования

Аудиоколонка - 2 шт.
Доска маркерная - 1 шт.
Интерактивная доска - 1 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Стол - 13 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 26 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Трибуна - 1 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows
Microsoft Office 2007 standart Win32 Russian
Microsoft Windows 8 Professional Russian

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)

Consultant Plus
2GIS

Для лекций, семинаров (практических), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации

Мультимедийная учебная аудитория № 305

Перечень оборудования

Аудиоколонка - 2 шт.
Доска маркерная - 1 шт.
Информационная доска - 1 шт.
Компьютер с выходом в Интернет - 1 шт.
Круглый стол - 3 шт.
Ноутбук DELL - 8 шт.
Ноутбук HP - 2 шт.
Персональный компьютер - 1 шт.
Проектор - 1 шт.
Стеллаж - 2 шт.
Стол одноместный - 10 шт.
Стол преподавателя - 1 шт.
Стул - 27 шт.
Стул преподавателя - 1 шт.
Трибуна - 1 шт.
Экран - 1 шт.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

MariaDB 10.11 (x64)
Microsoft Office 2016 standart Win64 Russian
Adobe Acrobat Reader
Kaspersky Endpoint Security для Windows

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)

Consultant Plus
2GIS

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного, компьютерного оборудования и хранения элементов мультимедийных лабораторий

Специальное помещение № 420

Перечень оборудования

Запасные части для компьютерного оборудования - 0 шт.

Наушники для лингафонного кабинета - 0 шт.
Паяльная станция - 1 шт.
Персональный компьютер - 4 шт.
Планшетный компьютер - 15 шт.
Сервер - 10 шт.
Стеллаж - 0 шт.
Стол - 4 шт.
Стул - 4 шт.

Перечень программного обеспечения
(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования

Специальное помещение № 003

Перечень оборудования
Запасные части для столов и стульев - 0 шт.
Материалы для сопровождения учебного процесса - 0 шт.
Наборы слесарных инструментов для обслуживания учебного оборудования - 0 шт.
Станок для сверления - 0 шт.
Стеллаж - 0 шт.
Угловая шлифовальная машина - 0 шт.

Перечень программного обеспечения
(обновление производится по мере появления новых версий программы)
Не используется.

Перечень информационно-справочных систем
(обновление выполняется еженедельно)
Не используется.

11. Методические указания по освоению дисциплины (модуля)

Виды и организация самостоятельной работы обучающихся

Успешное освоение теоретического материала по дисциплине требует самостоятельной работы, нацеленной на усвоение лекционного теоретического материала, расширение и конкретизацию знаний по разнообразным вопросам дисциплины. Самостоятельная работа студентов предусматривает следующие виды:

1. Аудиторная самостоятельная работа студентов – выполнение на практических занятиях и лабораторных работах заданий, закрепляющих полученные теоретические знания либо расширяющие их, а также выполнение разнообразных контрольных заданий индивидуального или группового характера (подготовка устных докладов или сообщений о результатах выполнения заданий, выполнение самостоятельных проверочных работ по итогам изучения отдельных вопросов и тем дисциплины);
2. Внеаудиторная самостоятельная работа студентов – подготовка к лекционным, практическим занятиям, лабораторным работам, повторение и закрепление ранее изученного теоретического материала, конспектирование учебных пособий и периодических изданий, изучение проблем, не выносимых на лекции, написание тематических рефератов, выполнение

индивидуальных практических заданий, подготовка к тестированию по дисциплине, выполнение итоговой работы.

Большое значение в преподавании дисциплины отводится самостоятельному поиску студентами информации по отдельным теоретическим и практическим вопросам и проблемам.

При планировании и организации времени для изучения дисциплины необходимо руководствоваться п. 5.1 или 5.2 рабочей программы дисциплины и обеспечить последовательное освоение теоретического материала по отдельным вопросам и темам (ПРИЛОЖЕНИЕ 2).

Наиболее целесообразен следующий порядок изучения теоретических вопросов по дисциплине:

1. Изучение справочников (словарей, энциклопедий) с целью уяснения значения основных терминов, понятий, определений;
2. Изучение учебно-методических материалов для лекционных, практических занятий, лабораторных работ;
3. Изучение рекомендуемой основной и дополнительной литературы и электронных информационных источников;
4. Изучение дополнительной литературы и электронных информационных источников, определенных в результате самостоятельного поиска информации;
5. Самостоятельная проверка степени усвоения знаний по контрольным вопросам и/или заданиям;
6. Повторное и дополнительное (углубленное) изучение рассмотренного вопроса (при необходимости).

В процессе самостоятельной работы над учебным материалом рекомендуется составить конспект, где кратко записать основные положения изучаемой темы. Переходить к следующему разделу можно после того, когда предшествующий материал понят и усвоен. В затруднительных случаях, встречающихся при изучении курса, необходимо обратиться за консультацией к преподавателю.

При изучении дисциплины не рекомендуется использовать материалы, подготовленные неизвестными авторами, размещенные на неофициальных сайтах неделового содержания. Желательно, чтобы используемые библиографические источники были изданы в последние 3-5 лет.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оценка компетенций на различных этапах их формирования осуществляется в соответствии с Положением о текущем контроле и промежуточной аттестации, Положением о балльной и рейтинговой системах оценивания и технологической картой дисциплины (Приложение 1).

Показатели и критерии оценивания компетенций на этапе текущего и промежуточного контроля представлены в Приложении 3.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме экзамена/зачета в виде выполнения тестирования и/или итоговой работы.

Итоговые задания разрабатываются по основным вопросам теоретического материала и позволяют осуществлять промежуточный контроль знаний и степени усвоения материала.

При проведении промежуточной аттестации студентов по дисциплине могут формироваться варианты тестов, относящихся ко всем темам дисциплины (Приложение 7).

Оценка знаний студентов осуществляется в соответствии с Положением о балльной и рейтинговой системах оценивания, принятой в Институте, и технологической картой дисциплины

Типовые контрольные задания или иные материалы на этапе текущего контроля

- 1) Посещение и работа на лекционных и практических занятиях (собеседование, контрольная работа, круглый стол и дискуссия)

Формируемые компетенции: УК-1

При преподавании дисциплины «Высшая математика» применяются разнообразные образовательные технологии в зависимости от вида и целей учебных занятий.

Теоретический материал излагается на лекционных занятиях в следующих формах:

- проблемные лекции по темам: «Несобственные интегралы», «Пределы», «Производная», «Определенный интеграл».

Цель занятия: демонстрация проблемы при решении задачи

Подготовка занятия: формулирование проблемы при выполнении вычислительных операций и ее решение.

- интерактивные лекции по темам: «Производная», «Определенный интеграл».

Цель занятия: демонстрация интерактивных графиков, вычислений, динамических моделей

Подготовка занятия: подготовка лекций-презентаций с включением интерактивных графиков, динамических моделей.

- лекции с разбором практических ситуаций по темам: «Модель Леонтьева», «Линейные модели в экономике», «Задачи оптимального управления»

Цель занятия: моделирование практических ситуаций

Подготовка занятия: подбор практических задач

Практические занятия по дисциплине «Высшая математика» ориентированы на закрепление теоретического материала, изложенного на лекционных занятиях, а также на приобретение дополнительных знаний, умений и практических навыков осуществления профессиональной деятельности посредством активизации и усиления самостоятельной деятельности обучающихся.

Большинство практических занятий проводятся с применением активных форм обучения, к которым относятся:

1) интерактивные практические занятия по темам: «Приложения матричного анализа в экономике», «Приложения аналитической геометрии в экономике», «Пределный анализ в экономике», «Применение математического анализа в экономике»

Проводится решение прикладных задач, направленных на анализ реальной ситуации и ее решение математическими методами.

Цель занятия: формирование навыков применения математики при решении задач с экономическим содержанием.

Подготовка занятия: подготовка задач с практическим содержанием и понятийного аппарата из экономики.

2) теоретический опрос (устный или письменный) и собеседование со студентами по вопросам, выносимым на практические занятия;

3) выполнение рубежных контрольных работ по изучаемому разделу;

4) выполнение индивидуальных заданий и экспресс-тестов по отдельным вопросам, заполнение рабочей тетради, целью которых является проверка знаний студентов и уровень подготовленности для усвоения нового материала по дисциплине;

5) подготовка рефератов, докладов и презентаций к ним по приложениям математического аппарата в экономике;

6) деловая игра.

Пример. Блиц- игра: «Кроссворд»

Тема «Матрицы и операции над ними»

1. Цель игры:

1. закрепление материала по классификации матриц, действий над матрицами;

2. развитие способности вести дискуссию, давать четкие и емкие определения основных понятий;

3. развития навыков владения научной терминологией;

4. развитие навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений;

6. формирование личностных качеств, необходимых для оценки ситуации в межкультурном общении.

2. Концепция игры. Перед началом игры преподаватель вводит студентов в ситуацию: Вы будете участниками викторины по теме «Матрицы и операции над ними».

Далее происходит подготовка к игре. Распределяются роли: выбирается жюри, остальная

аудитория делится на две равные команды. На экране представляются кроссворды и вопросы к ним, оцененные в определенное количество баллов. Команда по своему усмотрению выбирает как вопрос, так и сложность вопроса. Выигравшей считается команда, набравшая большинство баллов.

Цель участников - быстро (в течение 1 минуты) и правильно ответить на вопрос из выбранной категории. При затруднении в ответе одной команды жюри может дать право ответа второй команде, при этом сумма баллов за определенный вопрос может делиться между отвечающими. В случае неправильного ответа от членов жюри должно последовать объяснение принятого решения и правильный аргументированный ответ. Преподаватель контролирует правильность ответов как членов команд, так и членов жюри.

Таким образом, по ходу игры прослеживаются конкретные действия всех участников дискуссии, развитие компетенций: включение в коллективное рассуждение, дискуссия с соблюдением норм речевого этикета, умение вести беседу, обосновывать свою точку зрения.

Оборудование: компьютер, экран, доска для подсчета командных баллов.

Подготовка игры: преподаватель раздает домашнее задание: закрепить изученный материал по тематике игры, повторить основные термины и определения понятий.

3. Роли: члены жюри, участники двух команд, капитаны команд

Пример. Деловая (ролевая) игра: «Пресс-конференция»

Темы: «Приложения линейной алгебры и аналитической геометрии в экономике», «Приложения матричного анализа в экономике», «приложения предельного анализа», «Приложения определенного интеграла», «Приложения производных», «Приложения дифференциальных уравнений».

1. Цель игры:

1. развитие способности вести дискуссию, давать четкие и емкие определения основных понятий;

2. совершенствование навыка решения прикладных задач;

3. развития навыков владения научной терминологией;

4. развитие навыков межличностной коммуникации, принятия решений;

5. формирование личностных качеств, необходимых для оценки ситуации в межкультурном общении.

2. Концепция игры. Каждый студент к пресс-конференции готовит 10 вопросов по теме.

На практическом занятии обучающиеся исполняют две роли: человека, отвечающего на вопросы, и человека, задающего вопросы, при этом каждый студент должен будет ответить на пять вопросов по курсу и задать пять интересующих его вопросов однокурсникам. Время, отводимое для ответов, строго регламентировано (не более 4 минут).

3. Оценка. В ходе пресс-конференции оцениваются:

- корректность, четкость и правильность вопросов в соответствии с темой;

- оригинальность вопроса;

- знание проблемы самим интервьюером;

- знание теоретического материала;

- правильность и полнота ответа;

- соблюдение регламента;

- культура поведения.

Примерные задания итоговой контрольной работы представлены в Приложении 4.

Тематика индивидуальных заданий, докладов и сообщений приведены в Приложении 4.

2) Письменное задание

Формируемые компетенции: УК-1.

Студенту предлагается выполнить три задания – разработать кроссворд, тестовое задание на установление соответствия и структурно-логическую схему или сравнительную таблицу по теоретическому материалу из трех разделов курса высшей математики в каждом семестре.

Работа по составлению кроссворда требует от студента владения материалом, умения концентрировать свои мысли и гибкость ума.

Составление кроссвордов рассматривается как вид внеаудиторной самостоятельной работы и требует от студентов не только тех же качеств, что необходимы при разгадывании

кроссвордов, но и умения систематизировать информацию.

Составление тестов на соответствие и эталонов ответов к ним – это вид самостоятельной работы студента по закреплению изученной информации путем её дифференциации. Студент должен составить как сами тесты, так и эталоны ответов к ним.

Составление графологической структуры – это очень продуктивный вид самостоятельной работы студента по систематизации информации в рамках логической схемы с наглядным графическим её изображением. Графологическая структура как способ систематизации информации ярко и наглядно представляет её содержание. Работа по созданию даже самых простых логических структур способствует развитию у студентов приёмов системного анализа, выделения общих элементов и фиксирования дополнительных, умения абстрагироваться от них в нужной ситуации. В отличие от других способов графического отображения информации (таблиц, рисунков, схем) графологическая структура делает упор на логическую связь элементов между собой, графика выступает в роли средства выражения (наглядности). Составление сравнительной таблицы по теме – это вид самостоятельной работы студента по систематизации объёмной информации, которая сводится (обобщается) в рамки таблицы. Формирование структуры таблицы отражает склонность студента к систематизации материала и развивает его умения по структурированию информации. Краткость изложения информации характеризует способность к её свертыванию.

Каждое письменное задание оценивается по пятибалльной шкале. При этом каждое задание должно выполняться в рамках одной темы раздела. Студенту предоставляется свобода выбора трех тем из разных разделов для выполнения трех различных письменных заданий.

Тематика тем, требования к составлению кроссворда, графологической структуры, тестового задания на соответствия и критерии оценивания задания приведены в Приложении 5.

Требования к оформлению письменных работ представлены в Методических указаниях к содержанию, оформлению и критериям оценивания письменных, практических и лабораторных работ, утвержденных решением Научно-методического совета (протокол № 8 от 07.06.2018 г.).

3) Практическое задание

Формируемые компетенции: УК-1.

Практическое задание – одна из форм проверки и оценки усвоенных знаний, получения информации о характере познавательной деятельности, уровне самостоятельности и активности обучающихся в учебном процессе, об эффективности методов, форм и способов учебной деятельности.

Цель практического задания - углубление и закрепление теоретических знаний, полученных студентами во время лекционных и практических занятий; выработка у студентов навыков самостоятельного применения теории, привлечения дополнительных данных, анализа практических данных, оценки и проверки правильности решения; закрепление навыков расчета с применением вычислительной техники, привлечения справочно-реферативной литературы.

Выполнение практического задания направлено на привитие навыков самостоятельной работы с учебной и научной литературой, выработку аналитического мышления при изучении и решении поставленных вопросов и задач.

Содержание практических заданий, критерии оценивания приведены в Приложении 6.

Требования к оформлению практических работ представлены в Методических указаниях к содержанию, оформлению и критериям оценивания письменных, практических и лабораторных работ, утвержденных решением Научно-методического совета (протокол № 8 от 07.06.2018 г.).

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций

Процедура оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся по дисциплине основана на использовании Положения о балльной и рейтинговой системах

оценивания, принятой в институте, и технологической карты дисциплины.

Текущий контроль:

- посещение и работа на лекционных и практических занятиях (собеседование, контрольная работа, круглый стол и дискуссия) - 0-35 баллов;
- письменное задание (реферат) - 0-25 баллов;
- практическое задание (кейс) - 0-50 баллов.

Промежуточная аттестация:

- итоговая работа - 25 баллов.

Максимальное количество баллов по дисциплине – 100.

Максимальное количество баллов по результатам текущего контроля – 75.

Максимальное количество баллов на экзамене – 25.

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе изучения учебной дисциплины «Высшая математика» следует:

1. Ознакомиться с рабочей программой дисциплины. Рабочая программа содержит перечень разделов и тем, которые необходимо изучить, планы лекционных и семинарских занятий, вопросы к текущей и промежуточной аттестации, перечень основной, дополнительной литературы и ресурсов информационно-коммуникационной сети «Интернет» и т.д.
2. Ознакомиться с календарно-тематическим планом самостоятельной работы обучающихся.
3. Посещать теоретические (лекционные) и практические (семинарские) занятия, лабораторные работы.
4. При подготовке к практическим (семинарским) занятиям, а также при выполнении самостоятельной работы следует использовать методические указания для обучающихся.

Учебный план курса «Высшая математика» предполагает в основе изучения дисциплины использовать лекционный материал и основные источники литературы, а в дополнение – практические занятия.

Кроме традиционных лекций и практических занятий (перечень и объем которых указаны) целесообразно в процессе обучения использовать и активные формы обучения.

Примерный перечень активных форм обучения:

- 1) беседы и дискуссии;
- 2) кейсы и практические ситуации;
- 3) индивидуальные творческие задания;
- 4) творческие задания в группах;
- 5) практические работы.

На лекциях студенты должны получить систематизированный материал по теме занятия: основные понятия и положения, классификации изучаемых явлений и процессов, алгоритмы и методики организации дисциплины и т.д.

Практические занятия предполагают более детальную проработку темы по каждой изучаемой проблеме, анализ теоретических и практических аспектов дисциплины. Для этого разработаны подробные вопросы, обсуждаемые на семинарских занятиях, практические задания, темы рефератов и тесты. При подготовке к семинарским занятиям следует акцентировать внимание на значительную часть самостоятельной практической работы студентов.

Для более успешного изучения курса преподавателю следует постоянно отсылать студентов к учебникам, периодической печати. Освоение всех разделов курса предполагает приобретение студентами навыков самостоятельного анализа инструментов и механизмов дисциплины, умение работать с научной литературой.

Основная учебная литература, представленная учебниками и учебными пособиями, охватывает все разделы программы по дисциплине «Высшая математика». Она изучается студентами в процессе подготовки к практическим занятиям, экзамену. Дополнительная учебная литература рекомендуется для самостоятельной работы по подготовке к семинарским и практическим занятиям, при написании рефератов.

При изучении курса наряду с овладением студентами теоретическими положениями курса уделяется внимание приобретению практических навыков с тем, чтобы они смогли успешно

применять их в своей профессиональной деятельности.

Описание возможностей изучения дисциплины лицами с ОВЗ и инвалидами

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов (по заявлению обучающегося) могут предлагаться одни из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей, в том числе с применением электронного обучения и дистанционных технологий:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации.
- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации.
- для лиц с нарушениями опорнодвигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены вузом или могут использоваться собственные технические средства. Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на выполнение заданий текущего контроля. Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и обучающихся инвалидов устанавливается с учётом индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

Технологическая карта дисциплины

Наименование дисциплины	Высшая математика
Количество зачетных единиц	3
Форма промежуточной аттестации	Зачет

№	Виды учебной деятельности студентов	Форма отчетности	Баллы (максимум)
Текущий контроль			
1	Посещение и работа на лекционных и практических занятиях (собеседование, контрольная работа, круглый стол и дискуссия)		
2	Выполнение письменного задания (реферат)	Письменная работа	
3	Выполнение практического задания (кейс)	Письменная работа	
Промежуточная аттестация			
4	Выполнение итоговой работы	Итоговая работа, тест	
Итого по дисциплине:			100

« ____ » _____ 20__ г.

Преподаватель _____ / _____

(уч. степень, уч. звание, должность, ФИО преподавателя)

Подпись

Тематическое планирование самостоятельной работы студентов

Тема, раздел	Очная форма	Очно-заочная форма	Заочная форма	Задания для самостоятельной работы	Форма контроля
1. Методы и модели матричного анализа	13	22	32	- изучение проблем, не выносимых на лекции; - подготовка к практическим занятиям; - подготовка презентаций; - подготовка практических заданий; - разработка письменного задания; - подготовка к тестированию	Выполнение письменной работы и практического задания №1
2. Введение в математический анализ	10	22	32	- изучение проблем, не выносимых на лекции; - подготовка к практическим занятиям; - подготовка презентаций; - подготовка практических заданий; - разработка письменного задания; - подготовка к тестированию	Письменное задание и практическое задание № 2
3. Основные методы математического анализа и экономико-математические модели	20	22	32	- изучение проблем, не выносимых на лекции; - подготовка к практическим занятиям; - подготовка презентаций; - подготовка практических заданий; - разработка письменного задания; - подготовка к тестированию	Выполнение письменного задания и практического задания № 3
ИТОГО	43	66	96		

Показатели и критерии оценивания компетенций на этапе текущего контроля

№ п/п	Показатели оценивания	Критерии оценивания	Шкала оценивания
1	Посещение и работа на лекционных и практических занятиях (собеседование, контрольная работа, круглый стол и дискуссия)	<p>1. Посещение занятий: а) посещение лекционных и практических занятий, б) соблюдение дисциплины.</p> <p>2. Работа на лекционных занятиях: а) ведение конспекта лекций, б) уровень освоения теоретического материала, в) активность на лекции, умение формулировать вопросы лектору.</p> <p>3. Работа на практических занятиях: а) уровень знания учебно-программного материала, б) умение выполнять задания, предусмотренные программой курса, в) практические навыки работы с освоенным материалом.</p>	0-35
2	Письменное задание	<p>1. Новизна текста: а) актуальность темы исследования; б) новизна и самостоятельность в постановке проблемы, формулирование нового аспекта известной проблемы в установлении новых связей (межпредметных, внутрипредметных, интеграционных); в) умение работать с исследованиями, критической литературой, систематизировать и структурировать материал; г) явленность авторской позиции, самостоятельность оценок и суждений; д) стилевое единство текста, единство жанровых черт.</p> <p>2. Степень раскрытия сущности вопроса: а) соответствие плана теме письменного задания; б) соответствие содержания теме и плану письменного задания; в) полнота и глубина знаний по теме; г) обоснованность способов и методов работы с материалом; д) умение обобщать, делать выводы, сопоставлять различные точки зрения по одному вопросу (проблеме).</p> <p>3. Обоснованность выбора источников: а) оценка использованной литературы: привлечены ли наиболее известные работы по теме исследования (в т.ч. журнальные публикации последних лет, последние статистические данные, сводки, справки и т.д.).</p> <p>4. Соблюдение требований к оформлению: а) насколько верно оформлены ссылки на используемую литературу, список</p>	0-25

		литературы; б) оценка грамотности и культуры изложения (в т.ч. орфографической, пунктуационной, стилистической культуры), владение терминологией; в) соблюдение требований к объёму письменного задания.	
3	Практическое задание	<p>1. Анализ проблемы: а) умение верно, комплексно и в соответствии с действительностью выделить причины возникновения проблемы, описанной в практическом задании.</p> <p>2. Структурирование проблем: а) насколько четко, логично, последовательно были изложены проблемы, участники проблемы, последствия проблемы, риски для объекта.</p> <p>3. Предложение стратегических альтернатив: а) количество вариантов решения проблемы, б) умение связать теорию с практикой при решении проблем.</p> <p>4. Обоснование решения: а) насколько аргументирована позиция относительно предложенного решения практического задания; б) уровень владения профессиональной терминологией.</p> <p>5. Логичность изложения материала: а) насколько соблюдены общепринятые нормы логики в предложенном решении, б) насколько предложенный план может быть реализован в текущих условиях.</p>	0-50

Показатели и критерии оценивания компетенций на этапе промежуточной аттестации

№ п/п	Показатели оценивания	Критерии оценивания	Шкала оценивания
1	Итоговая работа	Количество баллов за тест пропорционально количеству правильных ответов на тестовые задания. После прохождения теста суммируются результаты выполнения всех заданий для выставления общей оценки за тест.	0-25

Работа на занятии

Аудиторная работа в семестре оценивается максимально в 35 баллов, из которых 20 баллов – посещение и работа на лекционных и практических занятиях, 15 баллов – итоговая контрольная работа.

Работа на практических занятиях включает в себя выполнение 5 **самостоятельных работ**, которые оцениваются по двухбалльной системе. Таким образом, за данный вид работы студент может максимально набрать 10 баллов ($5 \cdot 2 = 10$).

Оставшиеся 10 баллов студент набирает за работу на лекционных и практических занятиях. За одно занятие студент может заработать максимально 0,5 баллов, куда входит работа у доски и с места, выполнение экспресс-тестов. Максимальное количество 5 баллов выделяется за подготовку сообщения по выбранной теме с презентацией.

Итоговая контрольная работа оценивается в 15 баллов.

Критерии оценивания самостоятельных работ

Самостоятельная работа, в которой все задания выполнены без ошибок, оценивается в 2 балла.

Если в самостоятельной работе правильно выполнены более половины заданий, оценивается в 1 балл.

Если в самостоятельной работе правильно выполнены менее половины заданий или работа выполнена не самостоятельно, оценивается в 0 баллов

1 семестр

Ср1. «Матрицы и определители»

Ср2. «Решение СЛАУ»

Ср3. «Вычисление пределов»

Ср4. «Исследование функций»

Ср5. «Нахождение площади плоской области»

ТЕМЫ для выступлений с докладами Методы и модели матричного анализа

1. Линейная модель обмена (ОПК-2, 31-2, У1).
2. Применение матриц в экономических расчетах. (ОПК-2, 31-2, У1)..
3. Линейная балансовая модель. (ОПК-2, 31-2, У1)..
4. Модель международной торговли. (ОПК-2, 31-2, У1)..
5. Зарождение, становление и развитие линейной алгебры(ОПК-2, 31-2, У1)..
6. Линейная модель издержек. Точка безубыточности. (ОПК-2, 31-2, У1)..
7. Законы спроса и предложения. (ОПК-2, 31-2, У1) .
8. Решение задач линейной алгебры с помощью пакета Ms Excel. (ОПК-2, 31-2, У1).
9. Линейные и нелинейные зависимости в экономике. (ОПК-2, 31-2, У1).

Методы и модели математического анализа

1. Исследование динамики средствами дифференциального исчисления. (ОПК-2, 31-2, У1).
2. Исследование функции средствами дифференциального исчисления. (ОПК-2, 31-2, У1).
3. Анализ экономических задач с использованием графического метода. (ОПК-2, 31-2, У1).
4. Решение экономических задач с помощью производной. (ОПК-2, 31-2, У1).
5. Связь математического анализа и информатики. (ОПК-2, 31-2, У1)..
6. Функции спроса и предложения. Эластичность. Примеры задач. (ОПК-2, 31-2, У1)..
7. Предельный анализ. Функция потребления и сбережения. (ОПК-2, 31-2, У1)..
8. Предельный анализ. Задачи о максимизации дохода и минимизации издержек. (ОПК-2, 31-2, У1).
9. Производная в приближенных вычислениях. (ОПК-2, 31-2, У1)..
11. Исследование динамики средствами интегрального исчисления. (ОПК-2, 31-2, У1).
12. Практическое применение интегрального исчисления. (ОПК-2, 31-2, У1).
14. Приложения определенного интеграла в экономике. (ОПК-2, 31-2, У1).
15. Функции нескольких переменных в экономике. (ОПК-2, 31-2, У1).
17. Решение экономических задач с помощью определенного интеграла. (ОПК-2, 31-2, У1).
18. Решение экономических задач с помощью неопределенного интеграла. (ОПК-2, 31-2, У1).
20. Использование интегралов в экономических расчетах. (ОПК-2, 31-2, У1)..

Требования и рекомендации к оформлению презентации

Компьютерную презентацию, сопровождающую выступление докладчика, необходимо подготовить в программе MS PowerPoint. Презентация как электронный документ представляет собой последовательность сменяющих друг друга слайдов. Демонстрация презентации проецируется на большом экране либо на компьютере. Количество слайдов пропорционально содержанию и продолжительности выступления (не менее 15 слайдов).

На первом слайде представляется тема выступления и сведения об авторе. Следующие слайды можно подготовить, используя две различные стратегии их подготовки: на слайды помещается фактический и иллюстративный материал (таблицы, графики, иллюстрации, фотографии и пр.), который является необходимым средством наглядности, помогает в раскрытии стержневой идеи реферата. В этом случае к слайдам предъявляются следующие требования:

- выбранные средства визуализации информации (таблицы, схемы, графики и т. д.) соответствуют содержанию;
- использованы иллюстрации хорошего качества (высокого разрешения), с четким изображением.

Максимальное количество графической информации на одном слайде – 2 рисунка (фотографии, схемы и т.д.) с текстовыми комментариями (не более 2 строк к каждому).

Наиболее важная информация должна располагаться в центре экрана.

Обычный слайд, без эффектов анимации, должен демонстрироваться на экране не менее 10 - 15 секунд.

Слайд с анимацией в среднем должен находиться на экране не меньше 40 – 60 секунд (без учета времени на случайно возникшее обсуждение). В связи с этим лучше настроить презентацию не на автоматический показ, а на смену слайдов самим автором.

Особо тщательно необходимо отнестись к оформлению презентации. Для всех слайдов презентации необходимо использовать один и тот же шаблон оформления, кегль – для заголовков - не меньше 24 пунктов, для информации – для информации не менее 18. В презентациях не принято ставить переносы в словах.

Наилучшей цветовой гаммой для презентации являются контрастные цвета фона и текста (белый фон – черный текст; темно-синий фон – светло-желтый текст и т. д.). Лучше не смешивать

разные типы шрифтов в одной презентации. Рекомендуется не злоупотреблять прописными буквами (они читаются хуже).

Заключительный слайд презентации, содержащий текст «Спасибо за внимание» или «Конец» не приемлем для презентации.

Таким образом:

- структура презентации должна включать титульный слайд, содержание с гиперссылками, выводы, источники информации;
- объем презентации должен быть в пределах 15-20 слайдов;
- должен соблюдаться единый стиль оформления слайдов;
- в одном слайде использовать не более 3 цветов;
- для фона и текста слайда следует выбирать контрастные цвета;
- использовать короткие слова и предложения в тексте;
- для написания заголовков использовать не менее 24 размера шрифта;
- располагать не более 2 рисунков на одном слайде;
- использовать звуковое сопровождение, соответствующее тематике презентации;
- текст в слайде должен быть выполнен без орфографических, пунктуационных и стилистических ошибок;

не рекомендуется:

- использовать стиль оформления слайда, отвлекающий внимание от презентации;
- злоупотреблять отвлекающими анимационными эффектами;
- располагать большой объем текста, написанный мелким шрифтом на одном слайде;
- оформлять текст в слайдах различными стилями.

Критерии оценивания сообщения с презентацией

по дисциплине «Высшая математика»

Максимальный балл – 5

Оценка «5» ставится, если:

- на аудиторном занятии сделано сообщение по разработанной презентации;
- презентация выполнена согласно перечисленным требованиям к оформлению;
- в докладе и тексте презентации нет математических и логических пробелов и ошибок;

Оценка «4» ставится, если:

- на аудиторном занятии сделано сообщение по разработанной презентации;
- презентация выполнена согласно перечисленным требованиям к оформлению;
- возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала.

Оценка «3» ставится, если:

- на аудиторном занятии сделано сообщение по разработанной презентации;
- частично не соблюдены все требования к оформлению презентации;
- в докладе возможны математические ошибки, являющиеся следствием незнания или непонимания учебного материала.

Оценка «2» ставится, если:

- на аудиторном занятии сделано сообщение по разработанной презентации;
- соблюдены далеко не все требования к оформлению презентации;
- в докладе присутствуют грубые математические ошибки, являющиеся следствием незнания или непонимания учебного материала.

Оценка «1» ставится, если:

- на аудиторном занятии сделано сообщение по разработанной презентации;
- презентация выполнены с грубыми нарушениями требований к оформлению;

- в докладе присутствуют грубые математические ошибки, являющиеся следствием незнания или непонимания учебного материала.

Оценка 0 баллов ставится, если:

- работа (доклад и презентация) показала полное отсутствие у студента обязательных знаний и умений по выбранной теме исследования или значительная часть работы выполнена не самостоятельно.

Критерии оценивания итоговой проверочной работы

по дисциплине «Высшая математика»

Максимальный балл – 15

Каждая из первых семи задач оценивается в 2 балла

Оценка «2» ставится, если:

- задача выполнено полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала).

Оценка «1» ставится, если:

- выполнено правильно больше половины работы;
- допущены более одной ошибки или более двух-трех недочетов в выкладках, чертежах или графиках, но студент владеет обязательными умениями по проверяемой теме.

Оценка 0 баллов ставится, если:

- допущены существенные ошибки во всех предлагаемой задаче, показавшие, что студент не владеет обязательными умениями по данной теме в полной мере;
- работа показала полное отсутствие у учащегося обязательных знаний и умений по проверяемой теме или значительная часть работы выполнена не самостоятельно.

Примерный вариант контрольной работы

1. Дана матрица прямых затрат А. Найти изменение векторов:

А) конечного продукта ΔY при данном изменении вектора валового продукта ΔX ;

Б) валового выпуска ΔX при необходимом изменении вектора конечного продукта ΔY .

$$A = \begin{pmatrix} 0,3 & 0,2 \\ 0,4 & 0,1 \end{pmatrix} \quad \text{а) } \Delta X = \begin{pmatrix} 200 \\ 100 \end{pmatrix} \quad \text{б) } \Delta Y = \begin{pmatrix} 55 \\ 110 \end{pmatrix}$$

2-4. Швейная фабрика в течение трех дней производила костюмы, плащи и куртки. Известны объемы выпуска продукции за три дня и денежные затраты на производство за эти дни:

День	Объем выпуска продукции (единиц)			Затраты (тыс. усл. ед)
	Костюмы	Плащи	Куртки	
Первый	50	10	30	176
Второй	35	25	20	168
Третий	40	20	30	184

Найти себестоимость единицы продукции каждого вида : а) методом Гаусса

Б) по формулам Крамера

В) методом обратной матрицы.

5. Издержки у (в руб.) на изготовление партии деталей определяются по формуле $y = ax + b$, где x – объем партии. Для первого варианта технологического процесса $y = 1,45x + 20$. Для второго варианта известно, что $y = 157,5$ (руб) при $x = 100$ (дет) и $y = 452$, 5 (руб) при $x = 300$ (дет). Провести оценку двух вариантов технологического процесса и найти себестоимость продукции для обоих вариантов при $x = 200$ (дет).

6. Функция потребления некоторой страны имеет вид $C(x) = 15 + 0,25x + 0,36x^{4/3}$. Найти предельную склонность к потреблению, если национальный доход составляет 27 ден. ед.

7. Имеются следующие данные о переменных x и y . Предполагая, что между x и y существует линейная зависимость, найти эмпирическую формулу $y = ax + b$ методом наименьших квадратов

X - цена на товар, y – уровень продаж.

x_i	3,0	4,0	5,0	6,0	7,0
y_i	200	160	120	90	80

Заключительная восьмая задача оценивается в 1 балл

Оценка «1» ставится, если:

- задача выполнено полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала).

Оценка «0,5» ставится, если:

- выполнено правильно больше половины работы;
- допущены более одной ошибки или более двух-трех недочетов в выкладках, чертежах или графиках, но студент владеет обязательными умениями по проверяемой теме.

Оценка 0 баллов ставится, если:

- допущены существенные ошибки во всех предлагаемой задаче, показавшие, что студент не владеет обязательными умениями по данной теме в полной мере;
- работа показала полное отсутствие у учащегося обязательных знаний и умений по проверяемой теме или значительная часть работы выполнена не самостоятельно.

8. Определить объем выпуска продукции за первые пять часов работы при производительности $f(t) = 11,3e^{-0,417t}$, где t – время в часах.

Предлагается выполнить три письменных работы – разработать кроссворд, тестовое задание на установление соответствия и структурно-логическую схему или сравнительную таблицу. Каждый раздел в семестре должен быть представлен одной работой. При этом каждая из трех работ должна охватывать материал одной темы выбранного раздела. Отдельно взятая письменная работа оценивается по пятибалльной шкале.

Тематика письменных заданий

Раздел 1. Методы и модели матричного анализа

1. Матрицы и их экономический смысл (ОПК-2, 32)
2. Действия над матрицами (ОПК-2, 31)
3. Определители (виды, вычисление) (ОПК-2, 31)
4. Системы линейных алгебраических уравнений в экономических задачах (ОПК-12, 32)
5. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений (ОПК-2, 31)
6. Векторы и операции над ними (ОПК-2, 31)
7. Векторные пространства (ОПК-1, 31),
8. Матричные модели в экономике (ОПК-2, 32)
9. Линейная модель международной торговли. (ОПК-2, 32)
10. Линейная модель Леонтьева (ОПК-2, 31-2)
11. Метод координат на плоскости (ОПК-2, 31)
12. Метод координат в пространстве (ОПК-2, 31).
13. Методы аналитической геометрии в экономике (ОПК-2, 31)
14. Модели аналитической геометрии в экономике (линейная модель амортизации, линейная модель издержек, точка безубыточности, законы спроса и предложения) (ОПК-2, 32).

Раздел 2. Введение в математический анализ

1. Множества и операции над ними (ОПК-2, 31)
2. Функции и их свойства (ОПК-2, 31)
3. Пределы и их вычисление (ОПК-2, 31)
4. Непрерывность функций (ОПК-2, 31)
5. Функции в экономике . (ОПК-2, 32)
6. Применение пределов в экономике (ОПК-2, 32)

Раздел 3. Основные методы математического анализа и экономико-математические модели

1. Производная функции одной переменной (ОПК-2, 31)
2. Дифференциал и его геометрический смысл (ОПК-2, 31).
3. Основные теоремы дифференциального исчисления. (ОПК-2, 31)
4. Приложения производных в экономике (предельные показатели в микроэкономике, эластичность экономических показателей, минимизация прибыли). (ОПК-2, 31)
5. Исследование функций методами дифференциального исчисления и построение графиков (ОПК-2, 31)
6. Функция нескольких переменных (определение, способы задания, линии и поверхности уровня) (ОПК-2, 31).
7. Частные производные и их вычисление (ОПК-2, 31)
8. Полный дифференциал (ОПК-2, 31) .
9. Экстремумы функций нескольких переменных. (ОПК-2, 31)
10. Производная по направлению и градиент (ОПК-2, 31)
11. Функции нескольких переменных в экономике (ОПК-2, 32)
12. Анализ опытных данных методом наименьших квадратов. (ОПК-2, 31)

12. Первообразная и неопределенный интеграл (ОПК-2, 31)
13. Определенный интеграл и его вычисление (ОПК-2, 31).
14. Геометрические приложения определенного интеграла (ОПК-2, 31).
14. Применение определенного интеграла в экономике (установление объема произведенной продукции, определение выигрыша потребителя и поставщика). (ОПК-2, 31)

Требования к выполнению задания на составление кроссворда

При составлении кроссвордов необходимо придерживаться принципов наглядности и доступности:

- Не допускается наличие "плашек" (незаполненных клеток) в сетке кроссворда;
- Не допускаются случайные буквосочетания и пересечения;
- Загаданные слова должны быть именами существительными в именительном падеже единственного числа;
- Не допускаются аббревиатуры (ЛПУ и т.д.), сокращения (детдом и др.);
- Не рекомендуется большое количество двухбуквенных слов.

Требования к оформлению кроссворда:

- На каждом листе должна быть фамилия автора, а также название данного кроссворда по выбранной теме.
- Рисунок кроссворда должен быть четким;
- Сетки всех кроссвордов должны быть выполнены в двух экземплярах:
1-й экз. – только с цифрами позиций.
2-й экз. – с заполненными словами;

Ответы предназначены для проверки правильности решения кроссворда

Оформление ответов на кроссворды:

- Для типовых кроссвордов и чайнвордов: на отдельном листе;
- Для скандинавских кроссвордов: только заполненная сетка;

Требования к выполнению задания на восстановление соответствия

К заданиям данного типа относятся задания на восстановление соответствия между элементами двух списков, порядка ряда. Состоит из двух групп элементов и четкой формулировки критерия выбора соответствия между ними.

1. Соответствие устанавливается по принципу 1:1 (одному элементу первой группы соответствует только один элемент второй группы) или 1:М (одному элементу первой группы соответствует М элементов второй группы).
2. Внутри каждой группы элементы должны быть однородными.
3. Количество элементов во второй группе должно превышать количество элементов первой группы, но не более чем в 1,5 раза. Максимально допустимое количество элементов во второй группе не должно превышать 10. Количество элементов в первой группе должно быть не менее четырех.
4. Содержание вопросов должно быть ориентировано на получение от тестируемого однозначного заключения.
5. Основные термины тестового задания должны быть явно и ясно определены.
6. Тестовые задания должны быть прагматически корректными и рассчитаны на оценку уровня учебных достижений по выбранной теме.
7. Тестовые задания должны формулироваться в виде свернутых кратких суждений.
8. В содержании тестового задания определяющий признак должен быть необходимым и достаточным.
9. Наличие аргументированного выбора ответов к заданиям на установление соответствия.

Требования к оформлению задания на восстановление соответствия

1. На листе должна быть фамилия автора, а также название задания по выбранной теме.
2. Форма представления заданий на восстановление соответствия:

Инструкция: Соотнесите написанное в столбцах 1 и 2.

Вопрос:

Варианты ответа:

Столбец 1	Столбец 2
A	1
B	2
C	3
D	4
	5
	6

Ответ: A. 3. B. 2. C. 5. D. 1, 4, 6

3. При конструировании тестовых ситуаций можно применять различные формы их представления (рисунки, графики, схемы) с целью рационального предъявления содержания учебного материала.

Общие требования к оформлению задания к составлению структурно-логических схем (СЛС) и сравнительных таблиц

1. Работа должна быть представлена на бумаге формата А4 в печатном (компьютерном) или рукописном варианте.
2. Схема (таблица) должна быть достаточно простой, лаконичной и помещаться на одной странице.
3. Автофигуры должны быть эстетически правильно оформлены (вид, размер, цвет, расположение на листе).
3. Схема (таблица) должна быть наглядной, для чего можно использовать символы, графический материал, цветовые оттенки.

Требования к выполнению задания на составление структурно-логических схем (СЛС)

1. Структурно-логическая схема (таблица) должна содержать ключевые понятия, фразы, формулы, иллюстрации, расположенные в определенной логической последовательности, позволяющей представить изучаемый объект по выбранной теме в целостном виде.
2. В качестве элементов схемы должны быть выделены основные и достаточные понятия по теме.
3. Элементы схемы (понятия) должны быть расположены так, чтобы была ясна их иерархия (например, родовые и видовые понятия, общие и конкретные - в центре, на периферии - вспомогательные).
3. Элементами схемы могут быть:
 - информационные блоки, соединенные стрелками или выносками, текстовыми связками;
 - столбцы и строки, на пересечении которых в ячейке сконцентрирована информация, строки и столбцы обязательно имеют названия (характеристики).

Требования к выполнению задания на составление сравнительных таблиц

1. Разделить текст выбранной темы на основные смысловые части, в левой части таблицы сформулировать названия пунктов, в правую часть таблицы вписать информацию, которая раскрывает пункты левой части.
2. В таблицу вносить наиболее существенные положения изучаемого материала, последовательно и кратко излагая их суть своими словами или в виде цитат.
3. Включать в таблицу не только основные положения, но и обосновывающие их выводы, конкретные факты и примеры (без подробного описания).

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАДАНИЕ №1.

Методы и модели матричного анализа

Задание 1 (экономический смысл матрицы)

Матрица представляет собой упорядоченную систему информации, представленную в виде таблицы. Система информации о взаимных поставках продукции отраслей материального производства может быть представлена в виде матрицы. Пусть имеется n отраслей производства. Определим квадратную матрицу A размером $n \times n$, элементы которой a_{ij} обозначают объёмы поставок продукции из i -отрасли в j -ю отрасль. Матрицей можно представить и систему информации о нормах материальных затрат для планирования снабжения предприятия. Если предприятие производит n типов продукции, используя при этом m видов сырья, то матрица $A = (a_{ij})$ размера $m \times n$ определяет нормы материальных затрат. Так, a_{ij} ($i = 1..m, j = 1..n$) - норма расхода i -го вида сырья на производство единицы j -го типа продукции. Предположим, что два различных предприятия одной отрасли производят одинаковые типы продукции $\Pi_1 - \Pi_n$, на которую расходуется n видов сырья $S_1 - S_n$. В силу различной технологии нормы материальных затрат на предприятиях неодинаковы и описываются матрицами размера $n \times m$ A и B соответственно. Пусть первое предприятие производит x_1 единиц продукции Π_1 , x_2 - типа Π_2 , ... x_n - типа Π_n . Второе, соответственно, $y_1 - y_n$ единиц продукции.

Задача 1. Определить матрицу полных материальных затрат в данной отрасли на производство продукции.

Решение. Введём векторы – столбцы производства первого и второго предприятий:

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix}, \quad Y = \begin{pmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix}.$$

Чтобы найти полные затраты первого предприятия по каждому виду сырья, нужно умножить матрицу норм материальных затрат A на столбец X , $AX = C$ (порядок сомножителей определяется возможностью перемножения двух матриц и экономическим смыслом их произведения). Матрица-столбец C имеет размер $n \times 1$.

$$c_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j$$

Экономический смысл каждого элемента c_i ($i = 1..n$) – полные затраты сырья S_i на всю продукцию, выпускаемую первым предприятием. Аналогично определяются полные затраты второго предприятия по каждому виду сырья: $BY = D$, где матрица-столбец D тоже имеет размер $n \times 1$. Полные затраты сырья каждого вида по обоим предприятиям получаются суммированием матриц C и D : $P = C + D$. Экономический смысл каждого элемента $p_i = c_i + d_i$ ($i =$

$1 \dots n$) – полные затраты сырья S_i на всю продукцию, выпускаемую двумя предприятиями. В матричном виде $P = AX + BY$.

Вариант 1. Определить матрицу полных затрат, если в условиях задачи 1

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 3 & 4 & 1 \\ 7 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 4 & 10 & 1 \\ 5 & 7 & 6 \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} 10 \\ 15 \\ 20 \end{pmatrix}, \quad Y = \begin{pmatrix} 25 \\ 26 \\ 37 \end{pmatrix}.$$

Пояснить экономический смысл.

Вариант 2. Определить матрицу полных затрат, если в условиях задачи 1

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 6 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \\ 5 & 8 & 9 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 7 & 10 & 11 \\ 1 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 8 \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} 10 \\ 20 \\ 30 \end{pmatrix}, \quad Y = \begin{pmatrix} 15 \\ 20 \\ 25 \end{pmatrix}.$$

Пояснить экономический смысл.

Вариант 3. Определить матрицу полных затрат, если в условиях задачи 1

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 6 & 1 \\ 3 & 2 & 5 \\ 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 7 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 8 \\ 8 & 9 & 2 \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} 10 \\ 12 \\ 14 \end{pmatrix}, \quad Y = \begin{pmatrix} 10 \\ 20 \\ 25 \end{pmatrix}.$$

Пояснить экономический смысл.

Вариант 4. Два предприятия выпускают 3 вида мебельных гарнитуров, расходуя при этом 4 вида сырья: фанеру, пластмассу, ткань, древесину. Нормы материальных затрат для каждого предприятия заданы матрицами А и В. Первое предприятие выпустило 100 гарнитуров 1-го типа, 100 гарнитуров 2-го типа, 0 гарнитуров 3-го типа. Второе предприятие выпустило, соответственно, 300, 200,

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 5 \\ 0 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 1 \\ 3 & 2 & 8 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 4 & 1 & 5 \\ 6 & 0 & 2 \\ 7 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

100 гарнитуров. Найти матрицу полных затрат, если

Вариант 5. Используя условие предыдущей задачи, найти матрицу материальных

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 5 \\ 0 & 4 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 5 & 7 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 7 & 3 \\ 4 & 1 & 5 \\ 6 & 0 & 2 \\ 7 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

затрат, если

Вариант 6. Два предприятия выпускают 3 типа мебельных гарнитуров, расходуя при этом 4 вида сырья: фанеру, пластмассу, ткань, древесину. Нормы материальных затрат заданы для каждого предприятия матрицами А и В. Первое предприятие выпустило 120 гарнитуров 1-го типа, 0 гарнитуров 2-го типа, 210 гарнитуров 3-го типа. Второе предприятие выпустило, соответственно, 400, 200, 300 гарнитуров.

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 0 & 4 & 5 \\ 2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 7 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 5 \\ 4 & 2 & 1 \\ 3 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

Найти матрицу полных затрат, если

Вариант 7. Используя условие предыдущей задачи, найти матрицу материальных

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 5 \\ 0 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \\ 2 & 0 & 1 \\ 3 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

затрат, если

Задача 2. В городе имеются ателье индивидуального пошива женского лёгкого платья первого, второго и третьего разрядов. Каждое ателье изготавливает 4 вида изделий: юбки, платья, блузки, брюки. Ателье s разряда за изготовление изделия i вида получает d_{si} рублей. Матрица расценок $D = (d_{si})$, $s = 1, 2, 3, 4$; $i = 1, 2, 3, 4$. Существует единый поквартальный план пошива для ателье всех разрядов, который задаётся матрицей $P = (p_{sj})$, $i, j = 1, 2, 3, 4$, где p_{sj} - количество изделий i вида, которое каждое ателье должно изготовить в j квартале. Требуется определить матрицу T поквартальной выручки ателье каждого разряда.

Решение. Пусть t_{sj} - выручка ателье s -разряда в j -квартале $s=1, 2, 3, 4$; $j=1, 2, 3, 4$ -

элементы матрицы T . Тогда $d_{si} = d_{s1}p_{1j} + d_{s2}p_{2j} + d_{s3}p_{3j} + d_{s4}p_{4j} = \sum_{i=1}^4 d_{si}p_{ij}$

, где каждое слагаемое определяет квартальную выручку ателье от изделий соответствующего вида. По правилу умножения матриц можем записать в матричном виде: $T = DP$, т. е. матрица поквартальной выручки определяется как произведение матрицы расценок D на матрицу поквартального плана P . **Ответ:** $T = DP$.

Вариант 8. Найти матрицу поквартальной выручки ателье, если матрица расценок

$$D = \begin{pmatrix} 15 & 45 & 20 & 20 \\ 20 & 50 & 25 & 25 \\ 25 & 60 & 30 & 40 \end{pmatrix}, \quad P = \begin{pmatrix} 35 & 30 & 40 & 30 \\ 30 & 25 & 20 & 20 \\ 30 & 35 & 40 & 30 \\ 20 & 18 & 15 & 20 \end{pmatrix} - \text{матрица поквартального плана.}$$

Провести анализ результатов.

Вариант 9. Найти матрицу поквартальной выручки ателье, если матрица расценок

$$D = \begin{pmatrix} 30 & 40 & 10 & 15 \\ 50 & 55 & 60 & 65 \\ 10 & 60 & 20 & 15 \end{pmatrix}, \quad P = \begin{pmatrix} 100 & 200 & 210 & 250 \\ 300 & 250 & 200 & 150 \\ 100 & 90 & 250 & 300 \\ 300 & 300 & 400 & 250 \end{pmatrix} - \text{матрица поквартального плана.}$$

Провести анализ результатов.

Вариант 10. Найти матрицу поквартальной выручки ателье, если матрица расценок

$$D = \begin{pmatrix} 15 & 45 & 25 & 26 \\ 20 & 50 & 27 & 28 \\ 25 & 60 & 30 & 40 \end{pmatrix}, \quad P = \begin{pmatrix} 45 & 50 & 40 & 50 \\ 30 & 25 & 30 & 40 \\ 30 & 35 & 40 & 30 \\ 26 & 28 & 35 & 60 \end{pmatrix} - \text{ матрица поквартального плана.}$$

Провести анализ результатов.

Задача 2. Модель межотраслевого баланса.

В таблице 1 приведены коэффициенты прямых затрат и конечная продукция отраслей на плановый период, усл. Ед.

• **Таблица 1**

Отрасль		Потребление		Конечный продукт
		Промышленность	Сельское хозяйство	
Производство	Промышленность	a	b	t
	Сельское хозяйство	c	d	f

Найти:

А) плановые объемы валовой продукции отраслей, межотраслевые поставки, чистую прибыль отраслей;

В) необходимый объем валового выпуска каждой отрасли, если конечное потребление продукции сельского хозяйства увеличится на $k\%$, а промышленности на $l\%$.

Данные по вариантам представлены в таблице 2.

• **Таблица 2**

Вариант	a	b	c	d	t	f	k	l
0	0,4	0,25	0,5	0,4	300	200	30	40
1	0,3	0,5	0,5	0,3	200	300	20	30
2	0,5	0,3	0,4	0,5	400	200	30	60
3	0,4	0,4	0,3	0,4	300	400	40	50
4	0,6	0,25	0,4	0,3	400	300	40	40
5	0,3	0,35	0,6	0,5	500	300	30	30
6	0,5	0,45	0,5	0,4	500	400	20	40
7	0,5	0,3	0,3	0,3	300	100	30	40
8	0,6	0,4	0,3	0,5	200	400	40	60
9	0,6	0,25	0,5	0,4	300	300	40	30
10	0,4	0,3	0,5	0,5	400	600	50	40

Решение.

Пусть коэффициенты прямых затрат и конечная продукция отраслей на плановый период, усл. ед. имеют следующие значения (см. табл).

Таблица 3

Отрасль	Потребление	
---------	-------------	--

		<i>Промышленность</i>	<i>Сельское хозяйство</i>	<i>Конечный продукт</i>
<i>Производство</i>	<i>Промышленность</i>	0,4	0,25	300
	<i>Сельское хозяйство</i>	0,5	0,4	200

А) Найдем плановые объемы валовой продукции отраслей $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$, зная, что

задана матрица $A = \begin{pmatrix} 0,4 & 0,25 \\ 0,5 & 0,4 \end{pmatrix}$ прямых затрат и вектор конечного продукта

$$Y = \begin{pmatrix} 300 \\ 200 \end{pmatrix}.$$

Используем основную формулу межотраслевого баланса $X = (E - A)^{-1} Y$.

Обратная матрица к матрице $E - A = \begin{pmatrix} 0,6 & -0,25 \\ -0,5 & 0,6 \end{pmatrix}$ имеет вид

$$X = (E - A)^{-1} Y = \begin{pmatrix} 2,553 & 1,064 \\ 2,128 & 2,553 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 300 \\ 200 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 978,723 \\ 1148,936 \end{pmatrix}.$$

Таким образом, плановый объем валовой продукции отраслей равен $x_1=978,723$ (промышленность), $x_2=1148,936$ (сельское хозяйство).

Найдем межотраслевые поставки. Коэффициент прямых затрат определяется как объем ресурса i , необходимый для производства единицы продукции j ,

т.е. $a_{ij} = \frac{x_{ij}}{x_j}$, $i, j = 1, 2, 3$. Отсюда можно найти $x_{ij} = a_{ij} \cdot x_j$, $i, j = 1, 2, 3$.

Получаем:

$$x_{11} = a_{11} \cdot x_1 = 0,4 \cdot 978,723 = 391,489; x_{21} = a_{21} \cdot x_1 = 0,5 \cdot 978,723 = 489,362;$$

$$x_{12} = a_{12} \cdot x_2 = 0,25 \cdot 1148,936 = 287,234; x_{22} = a_{22} \cdot x_2 = 0,4 \cdot 1148,936 = 459,574.$$

Получаем таблицу 4.

Таблица 4

<i>Отрасль</i>		<i>Потребление</i>		<i>Конечный продукт</i>
		<i>Промышленность</i>	<i>Сельское хозяйство</i>	
<i>Производство</i>	<i>Промышленность</i>	391,489	287,234	300
	<i>Сельское хозяйство</i>	489,362	459,574	200

Найдем условно чистую продукцию отраслей из формулы

$$x_j = x_{1j} + x_{2j} + z_j, \text{ откуда } z_j = x_j - (x_{1j} + x_{2j}), \quad j = 1, 2.$$

$$\text{Получим: } z_1 = x_1 - (x_{11} + x_{21}) = 97,872,$$

$$z_2 = x_2 - (x_{12} + x_{22}) = 402,128.$$

В) Найдем необходимый объем валового выпуска каждой отрасли, если конечное потребление продукции сельского хозяйства увеличится на 30%, а промышленности на 40%, то есть новый вектор конечной продукции примет вид:

$$Y' = \begin{pmatrix} 300 \cdot 1,3 \\ 200 \cdot 1,4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 390 \\ 280 \end{pmatrix}$$

Тогда валовый выпуск будет равен:

$$X' = (E - A)^{-1} Y' = \begin{pmatrix} 2,553 & 1,064 \\ 2,128 & 2,553 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 390 \\ 280 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1293,617 \\ 1544,681 \end{pmatrix}$$

Новый валовый выпуск для промышленности: 1293,617, для сельского хозяйства: 1544,681.

Задание 3.

Предприятие за три дня произвело продукцию трех видов. Известны объемы выпуска продукции за три дня, которые приведены в таблице. Денежные затраты на производство в первый, второй и третий дни составили соответственно A , B и C тысячи условных единиц. Найти себестоимость продукции каждого вида.

N – номер варианта

День / вид продукции	Объем выпуска продукции (единиц)			Денежные затраты
	I	II	III	
Первый	1	3	7	A
Второй	5	6	8	B
Третий	4	5	3	C

Математическую модель задачи решить по формулам Крамера

вариант	A	B	C
1	45	63	34
2	26	40	22
3	24	48	36
4	23	37	23
5	19	50	37
6	21	51	38
7	35	49	26
8	34	53	29
9	31	56	35
10	18	45	33

Решение. Пусть денежные затраты на производство первой продукции составляют 30 тыс. руб., второй – 40 тыс. руб., третьей – 15 тыс. руб.

День	Объем выпуска продукции (единиц)		
	Первый	10	23
Второй	24	3	5
Третий	9	26	2

Построение математической модели. Обозначим через x_1, x_2, x_3 искомую себестоимость продукции каждого вида. Тогда получаем системы линейных уравнений с тремя неизвестными:

$$\begin{cases} 10x_1 + 23x_2 + 4x_3 = 30 \\ 24x_1 + 3x_2 + 5x_3 = 40 \\ 9x_1 + 26x_2 + 2x_3 = 15 \end{cases}$$

Задание 4. Математическую модель задачи 3 решить методом обратной матрицы.

Задание 5. Математическую модель задачи 3 решить методом Гаусса.

Задание 6.

Известно, что за один рубль можно купить $0,37(4m-0,91)$ условных единиц первой валюты, $0,54(0,3m+2,18)$ условных единиц второй валюты и $0,78N+0,51$ условных единиц третьей валюта. Составить таблицу обменных курсов валют

N – номер варианта

$$m = \begin{cases} \frac{N+10}{2}, & \text{если } N - \text{четное}, N < 8 \\ \frac{N+2}{2}, & \text{если } N - \text{нечетное}, N < 9 \\ N, & \text{если } N - \text{четное}, N \geq 8 \\ N-1, & \text{если } N - \text{нечетное}, N \geq 9 \end{cases}$$

Решение.

Каждый столбец в таблице обменных курсов валют выражает курсовую стоимость единицы соответствующего вида валюты. Любые два столбца и любые две строки этой таблицы пропорциональны, т. есть любые векторы-столбцы и любые векторы-строки коллинеарны.

Пусть известно, что за один фунт стерлингов можно купить 2 доллара 31 цент или 1 франк 72 сантима.

Первый вектор-столбец имеет вид $\begin{pmatrix} 1 \\ 1,72 \\ 2,31 \end{pmatrix}$. Обозначим неизвестные

координаты второго вектора-столбца через y_1 и y_3 . Получаем вектор-столбец с

координатами $\begin{pmatrix} y_1 \\ 1 \\ y_3 \end{pmatrix}$. Так как первый и второй столбцы пропорциональны, то

неизвестные координаты найдем из пропорции $\frac{1}{y_1} = \frac{1,72}{1} = \frac{2,31}{y_3}$, т.е.

$y_1=0,58$, $y_2=1,34$. Т. е за один доллар можно купить 0,58 фунтов стерлингов и 1 доллар и 34 цента. Аналогично рассуждая, строим таблицу обменных курсов для трех валют

	1£	1\$	1SF
1£	1	0,58	0,43
1\$	1,72	1	0,74
1SF	2,31	1,34	1

Задание 7.

Предприятие выпускает 4 вида продукции P_1, P_2, P_3, P_4 в количествах $160N-120$, $80N+70$, $2400-10N$, $15(28N-12)$ единиц. При этом нормы расхода сырья составляют соответственно $0,5N$; $3,5N-3,4$; $0,4N+0,7$; $6,9N-5,8$ кг. Определить суммарный расход сырья и его изменение при изменениях выпуска продукции P_1, P_2, P_3, P_4 соответственно на $8-N$, $N-5$, $2N-9$, $15-3N$ единиц.

Задание 8.

Издержки перевозки двумя видами транспорта выражаются уравнениями $y=15(3N+4)+4Nx$ и $y=12(3N+5)+7Nx$, где x – расстояние в сотнях километров, y – транспортные расходы. Начиная с какого расстояния более экономичен первый вид транспорта.

Задание 9.

Изменение объема производства y линейно зависит от производительности труда x . Составить уравнение этой зависимости, если при $x=7N-4$ $y=21N-10$, при $x=5N+2$ $y=40N-6$.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАДАНИЕ №2. ВВЕДЕНИЕ В МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

В экономике многие зависимости могут быть заданы функциями как одной переменной $y = f(x)$, так и нескольких переменных $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$. Наличие функциональных зависимостей позволяет использовать аппарат математического анализа для решения экономических проблем. В качестве примеров функциональных зависимостей в экономике можно привести следующие функции, имеющие экономический смысл в некоторой области значений аргумента:

- Функция спроса от цены товара, $y = f(x)$, x - цена товара, y - спрос на товар.
- Функция цены от спроса товара, $y = f(x)$, x - спрос на товар, y - цена товара.
- Суммарная выручка, равная произведению количества проданного товара на цену товара, тоже является функцией спроса.

Суммарные издержки производства F от объема производства x : $F=F(x)$ и средние (удельные) издержки производства (себестоимость) f - функции от объема производства x : $f(x) = F(x)/x$.

Суммарные издержки производства F иногда выражаются линейной функцией от объема выпускаемой продукции x : $F(x) = ax + b$, где a - сумма издержек первой группы на единицу продукции, b - издержки производства, не зависящие от объема выпуска (вторая группа). К первой группе издержек относятся расходы, зависящие от объема выпуска продукции, например, стоимость сырья, оплата рабочим и т. п. Ко второй группе относится амортизация здания, его отопление и т. п. Средние издержки, или себестоимость продукции, $f(x)$ в этом случае имеет вид $f(x) = F(x)/x = (ax+b)/x = a + b/x$.

Задача 1. Фиксированные издержки составляют a тыс. руб. в месяц, переменные издержки $-b$ руб., выручка — c руб. за единицу продукции. Составить функцию прибыли и построить ее график. Установить положение точки безубыточности.

вариант	a	b	c
1	10	30	50
2	8	22	35
3	9	25	40
4	12	30	25
5	11	28	42
6	12	30	40
7	8	27	45
8	9	25	45
9	12	15	25
10	11	25	46

Решение. В.И.Ермаков Сборник задач по высшей математике. Стр. 266 задача 18.1.

Задача 2. Законы спроса и предложения на некоторый товар определяются уравнениями $p=ax+b$ и $q=cx+d$.

А) Найти точку рыночного равновесия и построить график. Найти точку равновесия после введения налога, равного 3.

В) Найти увеличение цены и уменьшение равновесного объема продаж.

вариант	a	b	c	d
1	-2	12	1	3
2	-2/3	6	2/3	2
3	-1	4	0,5	1
4	-2	250	1	100
5	-0,5	45	0,5	5
6	-1	100	3	20
7	-2	150	4	30
8	-1/4	34/4	1/6	38/6
9	-3/2	36/2	3/5	48/5
10	-0,1	0,8	2/3	7/3

18.2. Решение. В.И.Ермаков Сборник задач по высшей математике. Стр. 268 задача

Задача 3.

В задачах найти указанные пределы.

- | | | | | | | |
|-----|----|--|----|---|----|---|
| 1. | a) | $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{x - 2};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 - 3x + 1}{2 + 3x^2 + 4x^3};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x + 5}{2x + 4} \right)^x.$ |
| 2. | a) | $\lim_{x \rightarrow 9} \frac{\sqrt{x} - 3}{x - 9};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 4x + 3}{3x^2 + 1};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\operatorname{tg} x}.$ |
| 3. | a) | $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 5x - 15}{x - 5};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - 2x^3 - 3x^4}{x^4 + 4x^2 + 5};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x}{3x - 1} \right)^x.$ |
| 4. | a) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{3x};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3x + 7}{5x^2 - 2};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^2 x}{5x^2}.$ |
| 5. | a) | $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^2 - 3x + 2};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^4 + 3x - 7}{-3x^4 + 2x^3 - x};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3 + 2x}{2 + 2x} \right)^x.$ |
| 6. | a) | $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x^2 - 9};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - x^2 - 1}{2x^3 - 2};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{\cos 2x - 1}.$ |
| 7. | a) | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 6x - 7}{x - 1};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^3 - 2x^2 + 1}{x^3 + 3x + 5};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x + 6}{4x + 5} \right)^x.$ |
| 8. | a) | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 - 1};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - x + 3}{x^3 + 1};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{2x}.$ |
| 9. | a) | $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 6x + 8}{x^2 - 8x + 12};$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - x}{2x^2 + x};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x - 1}{x - 2} \right)^x.$ |
| 10. | a) | $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{6 - x}{3 - \sqrt{x + 3}}$ | б) | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - 2}{12x^2 - 9x + 2};$ | в) | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\sin 4x}.$ |

Задание 4. Для каждой из заданных функций найти точки разрыва и исследовать их характер.

- | | | | | | |
|-----|------------------------|-----|--|-----|--------------------------|
| 11. | $y = \frac{x+2}{x+5}$ | 12. | $y = \begin{cases} x, & \text{при } x \leq 0 \\ \frac{1}{x}, & \text{при } x > 0 \end{cases}.$ | 13. | $y = \frac{1}{x^2 - 4}.$ |
| 14. | $y = \frac{1}{2-x}.$ | 15. | $y = \begin{cases} x^2, & \text{при } x \leq 1 \\ x+1, & \text{при } x > 1 \end{cases}.$ | 16. | $y = \frac{4x}{x-1}.$ |
| 17. | $y = \frac{4x}{x+5}.$ | 18. | $y = \begin{cases} -2x, & \text{при } x \leq -1 \\ x^2 + 1, & \text{при } x > -1 \end{cases}.$ | 19. | $y = 2^{\frac{1}{x-1}}.$ |
| 20. | $y = \frac{x+3}{x-4}.$ | | | | |

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАДАНИЕ №3.

Основные методы математического анализа и экономико-математические модели

Задача 1. Продифференцировать заданные функции.

- | | | |
|-----|--|--|
| 1. | а) $y = x^2 \cdot \ln x$; | б) $y = \operatorname{arctg} e^x$. |
| 2. | а) $y = \frac{3x-7}{x^2+2}$; | б) $y = \sin^2 \operatorname{tg} x$. |
| 3. | а) $y = (x^3+1) \cdot \cos x$; | б) $y = \ln(1 + \sin^2 x)$. |
| 4. | а) $y = \frac{3 \cos x}{2x+1}$; | б) $y = 4^{\operatorname{arctg} 3x}$. |
| 5. | а) $y = x^2 \cdot \operatorname{tg} x$; | б) $y = \arccos(2e^{2x} - 1)$. |
| 6. | а) $y = \frac{\log_5 x}{5^x}$; | б) $y = \cos \ln(2x - x^2)$. |
| 7. | а) $y = \sin x \cdot \ln x$; | б) $y = e^{x^4 + \cos^2 x}$. |
| 8. | а) $y = \frac{6^x}{\cos x}$; | б) $y = \ln \arcsin(1 - x^2)$. |
| 9. | а) $y = e^x \cdot (x^3 + 1)$; | б) $y = \ln(1 + \sqrt{x})$. |
| 10. | а) $y = \frac{\arcsin x}{x^2}$; | б) $y = \sin^3(4x^3 + 1)$. |

Задача 2. Законы спроса и предложения на некоторый товар определяются уравнениями $p = ax + b$ и $q = cx + d$.

Найти величину налога t , при которой доход государства будет максимален.

вариант	a	b	c	d
1	-2	12	1	3
2	-2/3	6	2/3	2
3	-1	4	0,5	1
4	-2	250	1	100
5	-0,5	45	0,5	5
6	-1	100	3	20
7	-2	150	4	30
8	-1/4	34/4	1/6	38/6
9	-3/2	36/2	3/5	48/5
10	-0,1	0,8	2/3	7/3

Решение. В.И.Ермаков Сборник задач по высшей математике. Стр. 279 задача 18.36.

Задача 3. Дана функция $z = f(x; y)$. Требуется найти

А) градиент функции $z = f(x; y)$ в точке А;

В) производную функции $z = f(x; y)$ в точке А по направлению вектора $\vec{l}(1; -1)$.

1. $z = x^2 + xy + y^2; A(1; 2)$.

2. $z = 3x^2 - yx + x + y; A(1; 3)$.

3. $z = x^2 + 3xy - 6y + 1; A(4; 1)$.

4. $z = x^2 - y^2 + 6x + 3y; A(2; 3)$.

5. $z = x^2 + 2xy + 3y^2; A(2; 1)$.

6. $z = x^2 + y^2 + 2x + y - 1; A(2; 4)$.

7. $z = 3x^2 + 2y^2 - xy; A(-1; 3)$.

8. $z = x^2 - y^2 + 5xy + 4y; A(3; 2)$.

9. $z = 2xy + 3y^2 - 5x; A(3; 4)$.

10. $z = x^2 - 5y + xy + 2y^2; A(1; 2)$.

Задача 4. Производятся два вида продукции в количествах x и y соответственно. Цена продукции $P_1=8, P_2=10$. Найти максимум функции прибыли, если функция затрат $C=z(x,y)$ представлена в задании 3.

Задача 5. (Получение сглаживающей линейной функции на основании экспериментальных данных по методу наименьших квадратов)

Прибыль предприятия за некоторый период деятельности по годам приведена ниже. Требуется: а) составить линейную зависимость прибыли по годам деятельности предприятия; б) определить ожидаемую прибыль для 6-го года деятельности.

X_i	1	2	3	4	5
Y_i	y_1	y_2	y_3	y_4	y_5

1.

x	1	2	3	4	5
y	4,3	5,3	3,8	1,8	2,3

2.

x	1	2	3	4	5
y	4,5	5,5	4,0	2,0	2,5

3.

x	1	2	3	4	5
y	4,7	5,7	4,2	2,2	2,7

4.

x	1	2	3	4	5
y	4,9	5,9	4,4	2,4	2,9

5.

x	1	2	3	4	5
y	5,1	6,1	4,6	2,6	3,1

6.

x	1	2	3	4	5
y	3,9	4,9	3,4	1,4	1,9

7.

x	1	2	3	4	5
y	5,2	6,2	4,7	2,7	3,2

8.

x	1	2	3	4	5
y	5,5	6,5	5,0	3,0	3,5

9.

x	1	2	3	4	5
y	5,7	6,7	5,2	3,2	3,7

10.

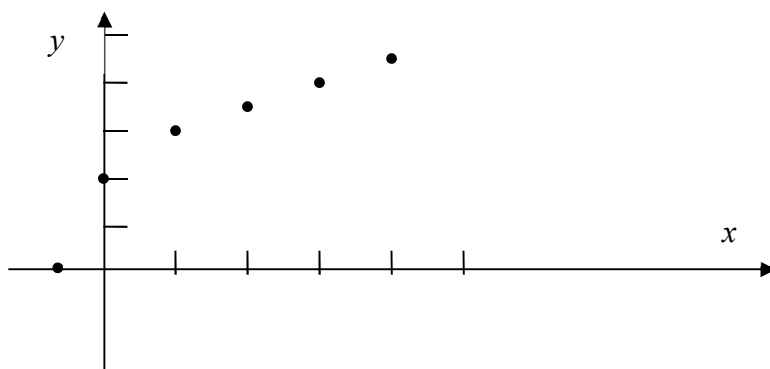
x	1	2	3	4	5
y	5,9	6,9	5,4	3,4	3,9

Решение.

Пусть даны значения опытных данных.

x	-1	0	1	2	3	4
y	0	2	3	3,5	3	4,5

По заданной таблице построим точечный график функции.



1 способ. Согласно МНК,

По данным таблицы найдем значения параметров k и b функции приближения $y = kx + b$, для чего воспользуемся нормальной системой вида:

$$\begin{cases} k \sum_{i=1}^n x_i^2 + b \sum_{i=1}^n x_i = \sum_{i=1}^n x_i y_i \\ k \sum_{i=1}^n x_i + b n = \sum_{i=1}^n y_i \end{cases};$$

Составим вспомогательную таблицу.

№	x_i	y_i	x_i^2	$x_i y_i$	$kx_i + b$	$kx_i + b - y_i$	$(kx_i + b - y_i)^2$
1	-1	0	1	0	0,81	0,81	0,6561
2	0	2	0	0	1,55	-0,45	0,2025
3	1	3	1	3	2,29	-0,71	0,5041
4	2	3,5	4	7	3,03	-0,47	0,2209
5	3	3	9	9	3,77	0,77	0,5929
6	4	4,5	16	18	4,51	0,01	0,001
Σ	9	16	31	37			2,1766

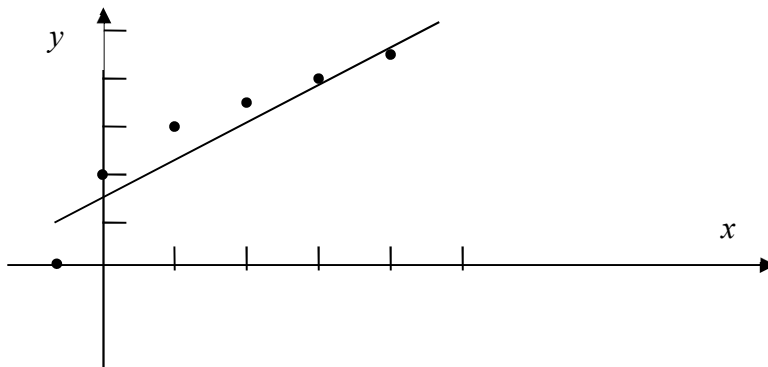
Из сумм столбцов при $x_i, y_i, x_i^2, x_i y_i$ составляем коэффициенты системы:

$$\begin{cases} 31k + 9b = 37 \\ 9k + 6b = 16 \end{cases}$$

Из решения системы находим искомые параметры : $k=0,74$ и $b=1,55$.

Подставим значения найденных параметров в формулу приближающей функции $y = kx + b$. Искомое уравнение $y = 0,74x + 1,55$.

Построим график полученной функции $y = 0,74x + 1,55$.



Часть данных точек находится под прямой, другая часть – над ней. Сумма квадратов отклонения ординаты прямой от ординаты данной точки равна $\delta^2 = \sum_{i=1}^6 (kx_i + b - y_i)^2 = 2,1766$. Среднее квадратическое отклонение, которое приходится на

одну точку: $\delta_{cp}^2 = \frac{\delta^2}{6} = \frac{2,1766}{6} \approx 0,36$.

Задача 6 (Приложения неопределенного интеграла)

В зависимости от конкретного смысла функции $f(x)$ (физического, геометрического, экономического) при интегрировании мы получаем выражение для соответствующего закона, описывающего данный объект. Характеристики экономических закономерностей можно восстановить, если известна скорость (интенсивность, плотность) или темп роста (относительная скорость) некоторого экономического процесса. Зная предельные издержки производства $y' = f(x)$, можно найти издержки производства $y(x) = \int f(x) dx + C$ (здесь x – объем однородной продукции).

Зная скорость $y'(t) = f(t)$ (или темп $y'(t)/y(t)$ изменения производительности труда), можно найти производительность труда $y(t) = \int f(t) dt + C$

Вариант 1. Считая, что производительность труда имеет тенденцию скорости роста, найти закон изменения производительности труда, если темп ее роста равен $f(t)=2t/(t^2+1)$.

Вариант 2. Скорость изменения производительности труда $y(t)$ задается уравнением $y(t)=-4t+8$. Найти закон изменения производительности труда.

Вариант 3. Темп изменения производительности труда равен $f(t)=(4t+1)/(3t+7)$.
Найти закон изменения производительности труда, если известно, что при $t=0$ производительность составляла 3 у. е.

Вариант 4. Темп изменения производительности труда равен $f(t)=t/(t^2+0.04)$. Найти закон изменения производительности труда, если известно, что при $t=0$ производительность составляла 2 у. е.

Вариант 5. Предельные издержки производства $f(x)$ определяются уравнением $f(x)=a+bx^2$, где x - объем выпускаемой продукции. Найти зависимость издержек производства от x .

Вариант 6. Предельные издержки (расход) на перевозку товара зависят от расстояния x : $f(x)=6x+4$. Определить зависимость расходов на перевозку товара от расстояния при условии, что при $x=0$ расходы составляют 1 у. е.

Вариант 7. Предельная цена $f(x)$ на товар является функцией спроса x и задается формулой $f(x)=a - bx$, ($a>0$, $b>0$). Определить зависимость цены от спроса при условии, что при отсутствии спроса ($x=0$) цена равна C_0 усл. ед.

Вариант 8. Темп изменения производительности труда равен $f(t)=(t+1)/(t+5)$. Найти закон изменения производительности труда, если известно, что при $t=0$ производительность составляла 1 у. е.

Вариант 9. Предельные издержки производства $f(x)=5+3x^2$, где x – объем выпускаемой продукции. Найти зависимость издержек производства от x .

Вариант 10. Предельные издержки (расход) на перевозку товара зависят от расстояния x : $f(x)=8x+1$. Определить зависимость расходов на перевозки товара от расстояния при условии, что при $x=0$ расходы составляют 2 у. е.

Задача 7. (приложения определенного интеграла)

Законы спроса и предложения на некоторый товар определяются уравнениями $p=ax+b$ и $q=cx+d$.

Найти выигрыш потребителей и поставщиков товара.

вариант	a	b	c	d
1	-2	12	1	3
2	-2/3	6	2/3	2
3	-1	4	0,5	1
4	-2	250	1	100
5	-0,5	45	0,5	5
6	-1	100	3	20
7	-2	150	4	30
8	-1/4	34/4	1/6	38/6
9	-3/2	36/2	3/5	48/5
10	-0,1	0,8	2/3	7/3

Решение. В.И.Ермаков Сборник задач по высшей математике. Стр. 290 задача 18.81.

ТЕСТ

по дисциплине «Высшая математика»

Максимальный балл – 10

1 семестр

№ п/п	Содержание вопроса	Варианты ответа
Категория 1. Матрицы и определители, СЛАУ		
1	Матрица A имеет размерность 3×2 , матрица $B - 3 \times 4$ и матрица $C - 2 \times 4$. Тогда существует произведение матриц ...	<ol style="list-style-type: none"> 1. $B \times C$ 2. $A \times B$ 3. $C \times B$ 4. $A \times C$
2	При умножении матрицы A на матрицу B должно соблюдаться условие...	<ol style="list-style-type: none"> 1. число столбцов матрицы A равно числу столбцов матрицы B 2. число строк матрицы A равно числу столбцов матрицы B 3. число столбцов матрицы A равно числу строк матрицы B 4. число строк матрицы A равно числу строк матрицы B
3	Выполнить действие: $(1 \ 2 \ 4) \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} =$	<ol style="list-style-type: none"> 1. $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 4 \\ 4 & 8 & 16 \end{pmatrix}$ 2. (20) 3. $(0 \ 4 \ 16)$ 4. $\begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 16 \end{pmatrix}$
4	Упорядоченная совокупность элементов, у которых номер строки и номер столбца совпадают, называется...	<ol style="list-style-type: none"> 1. побочной диагональю матрицы 2. ненулевой матрицей 3. главной диагональю матрицы 4. диагональной матрицей
5	Алгебраическое дополнение каждого элемента равно...	<ol style="list-style-type: none"> 1. минору этого элемента, взятому с противоположным знаком; 2. минору этого элемента, взятому со своим знаком, если сумма номеров строки и столбца, на пересечении которых стоит данный

		элемент, нечетно, и с обратным знаком, если четно; 3. минору этого элемента, взятому со своим знаком, если сумма номеров строки и столбца, на пересечении которых стоит данный элемент, четно, и с обратным знаком, если – нечетно
6	Найти алгебраическое дополнение A_{14} , если известна матрица: $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & -1 \\ 2 & -3 & 4 & 1 \\ 0 & 6 & 5 & -3 \\ 2 & 4 & 6 & 1 \end{pmatrix}$	1. 46 2. -46 3. -6 4. 6
7	Определитель $\begin{vmatrix} a_{11} & 0 & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & 0 & a_{33} \end{vmatrix}$ равен...	1. $a_{22}(a_{11}a_{33} - a_{13}a_{31})$ 2. $(a_{11}a_{33} - a_{13}a_{31})$ 3. $-a_{22}(a_{11}a_{33} - a_{13}a_{31})$ 4. $-(a_{11}a_{33} - a_{13}a_{31})$
8	Объемы промежуточной продукции в линейной статической модели Леонтьева представлены матрицей $\begin{pmatrix} 6 & 8 & 10 \\ 11 & 9 & 7 \\ 10 & 9 & 8 \end{pmatrix}$, а объемы валовых выпусков – вектором $\begin{pmatrix} 100 \\ 120 \\ 140 \end{pmatrix}$. Тогда объемы конечного продукта будут представлены вектором ...	1. $\begin{pmatrix} 76 \\ 93 \\ 113 \end{pmatrix}$ 2. $\begin{pmatrix} 113 \\ 93 \\ 76 \end{pmatrix}$ 3. $\begin{pmatrix} 73 \\ 94 \\ 115 \end{pmatrix}$ 4. $\begin{pmatrix} 115 \\ 94 \\ 73 \end{pmatrix}$
Категория 2. Системы линейных алгебраических уравнений		
9	Даны функции предложения $s = 0,5p + 2,1$ и спроса $q = \frac{p+C}{p+2}$, где p – цена товара. Если равновесный объем спроса-предложения равен 3,6, то значение параметра C равно ...	1. 16 2. 15 3. 9,8 4. 12,4

10	Если все элементы матрицы свободных членов равны нулю, то	<ol style="list-style-type: none"> 1. система не имеет решений 2. все неизвестные равны нулю 3. система обязательно имеет решения 4. ни один из вариантов не является правильным
11	Система $\begin{cases} 2x - y + 5z = 0 \\ 6x + 3y + 9z = 12 \end{cases}$ будет...	<ol style="list-style-type: none"> 1. совместной и неопределенной 2. несовместной и неопределенной 3. совместной и определенной 4. несовместной и определенной
Категория 3.. Векторная алгебра		
12	Скалярное произведение векторов $\vec{a}=(1, -1, 2)$ и $\vec{b}=(2, 3, -1)$ равно	<ol style="list-style-type: none"> 1. 0 2. -3 3. 1 4. 8
13	Векторы $\vec{a}(4; 2k; -1)$ и $\vec{b}(-1; 1; 4)$ перпендикулярны, если k равно...	<ol style="list-style-type: none"> 1. -2 2. -4 3. 2 4. 4
14	Найти угол между векторами $\vec{a}=(2, -3, 1)$ и $\vec{b}=(3, 1, -3)$	<ol style="list-style-type: none"> 1. $\frac{\pi}{2}$ 2. 0° 3. $\frac{3\pi}{2}$ 4. π
15	На плоскости даны 2 вектора $p=\{2; -3\}$ и $q=\{1; 2\}$. Разложение вектора $a=\{9; 4\}$ по базису \vec{p}, \vec{q} имеет вид ...	<ol style="list-style-type: none"> 1. $2\vec{p} + 5\vec{q}$ 2. $\vec{p} + \vec{q}$ 3. $2\vec{p} - 5\vec{q}$ 4. $5\vec{p} + 3\vec{q}$ 5. $\vec{p} - \vec{q}$
Категория 4. Аналитическая геометрия		
16	Найти точку рыночного равновесия, если законы спроса и предложения имеют вид: $p = 240 - q^2, p = q^2 + 2q + 20$	<ol style="list-style-type: none"> 1. $q_0 = 30, p_0 = 150$ 2. $q_0 = 20, p_0 = 140$ 3. $q_0 = 10, p_0 = 140$ 4. $q_0 = 10, p_0 = 150$
17	Найти уравнение прямой, проходящей через две данные точки $M_1(0, 1)$ и $M_2(-1, 2)$.	<ol style="list-style-type: none"> 1. $x + y + 1 = 0$ 2. $x - y + 1 = 0$ 3. $-x + y + 1 = 0$ 4. $x + y - 1 = 0$
18	Найти координаты нормального вектора прямой $3x - 4y - 11 = 0$.	<ol style="list-style-type: none"> 1. (3;4) 2. (3;-4) 3. (3;11) 4. (3;-11)
19	Найти уравнение прямой, проходящей через точку $M(4,2)$ под углом $\varphi = 30^\circ$ к оси абсцисс Ox .	<ol style="list-style-type: none"> 1. $\frac{1}{\sqrt{3}}x - y + \frac{2\sqrt{3} + 4}{\sqrt{3}} = 0$

		2. $\frac{1}{\sqrt{3}}x + y + \frac{2\sqrt{3}-4}{\sqrt{3}} = 0$ 3. $\frac{1}{\sqrt{3}}x - y + \frac{2\sqrt{3}-4}{\sqrt{3}} = 0$ 4. $-\frac{1}{\sqrt{3}}x - y + \frac{2\sqrt{3}-4}{\sqrt{3}} = 0$
--	--	--

Категория 5. Последовательности и функции

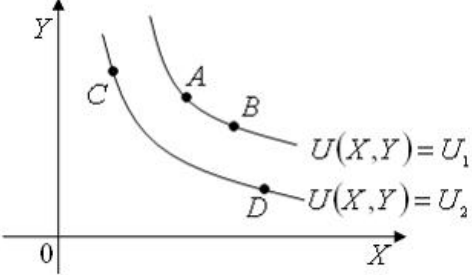
20	Общий член последовательности $1, \frac{2}{3}, \frac{3}{9}, \frac{4}{27}, \dots$ имеет вид...	1. $a_n = \frac{n}{3^{n-1}}$ 2. $a_n = \frac{n}{3^{n+1}}$ 3. $a_n = (-1)^{n+1} \frac{n}{3^{n+1}}$ 4. $a_n = (-1)^n \frac{n}{3^{n-1}}$
21	Область определения функции $y = \frac{1}{2-x}$ есть	1. $(-1; \infty)$ 2. $(0; \infty)$ 3. $(-\infty; 2) \cup (2; \infty)$ 4. $(-\infty; \infty)$.
22	Даны наборы благ потребителя $A(40;30)$, $B(10;100)$, $C(20;60)$ и $D(50;25)$. Тогда на одной кривой безразличия $U(X,Y) = \sqrt{XY} = C$ лежат «точки» ...	1. В и G 2. А и В 3. В и С 4. А и С

Категория 6. Теория пределов

23	α_n - бесконечно малая последовательность. Тогда	1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \alpha_n = c \quad (c - const)$ 2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \alpha_n = 0$ 3. предел не существует 4. $\lim_{n \rightarrow \infty} \alpha_n = -\infty$
24	Найти предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2+2x+1}{x^2+2x+2}$	1. 2 2. 1 3. 3 4. 0,5

25	Найти предел $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2}{x^2 - 4x + 4}$	1. 0 2. 2 3. ∞
26	Для дробно-рациональной функции $y = \frac{x^2 + x - 2}{x^2 - 3x}$ точками разрыва являются...	1. $x=0$ 2. $x=1$ 3. $x=3$ 4. $x=-4$
27	Если графику функции $y = f(x)$ соответствует условие $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 2$ то значение a равно...	1. 2 2. 3 3. БЕСКОНЕЧНОСТИ 4. -2
Категория 8. Техника дифференцирования		
28	Найти производную $\left(\frac{1}{6}x^6 + \frac{5}{x^3 \cdot \sqrt{x}} - 2\right)'$	1. x 2. $x^5 - \frac{35}{2}x^{4,5}$ 3. $x^{-2} - \frac{15}{2}x^{2,5}$ 4. $x - \frac{17}{5}x^{-3}$
29	Значение производной функции $y = e^{\cos x}$ в точке $x = \frac{\pi}{2}$ равно...	1. -1 2. 1 3. 0 4. e^{-1}
Категория 9. Производные высших порядков		
30	Производная второго порядка функции $y = \ln 8x$ имеет вид...	1. $\frac{8}{x}$ 2. $-\frac{1}{8x^2}$ 3. $\frac{1}{x^2}$ 4. $-\frac{1}{x^2}$
31	Значение производной третьего порядка функции $y = e^{2x} + 3$ в точке $x=0$ равно	1. 0 2. 8 3. 4 4. 1

32	Значение производной порядка функции $y = \cos x$ в точке $x=0$ равно	1. 0 2. не существует 3. -1 4. 1
Категория 10. Приложения производной		
33	Угловой коэффициент касательной к графику функции $y = x^3 + x - 3$ в точке $x_0 = 0$ равен...	1. -3 2. 1 3. 2 4. 0
34	Уравнение касательной к графику функции $y = x^2 - 3x + 2$ в точке $x_0 = -3$ имеет вид ...	1. $y = -9x - 7$ 2. $y = -9$ 3. $y = -9x + 7$ 4. $y = 9x - 27$
Категория 11. Исследование функции по производной		
35	Функция $y = f(x)$ является убывающей на интервале, если на этом интервале	1. $f'(x) > 0$ 2. $f'(x) = 0$ 3. $f'(x) \geq 0$ 4. $f'(x) < 0$
36	Найти наименьшее значение функции $f(x) = x^3 - 12x + 1$ на отрезке $[0, 2]$:	1. - 8 2. 3 3. 1 4. -15
37	Значение функции $y = x^3 - 6x^2 + 6x - 2$ в точке перегиба равно ...	1. -6 2. 0 3. 2 4. -2
38	Найти промежутки возрастания функции $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + 6$.	1. $(-\infty; 0) \cup (1; +\infty)$ 2. $(0; 1)$ 3. $(2; 3)$ 4. $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$
Категория 12. Частные производные.		
39	Частная производная функции $z = x^5 \cos 2y$ по переменной y в точке $M\left(1; \frac{\pi}{4}\right)$ равна...	1. -2 2. 5 3. 2 4. 0
40	Даны кривые безразличия $U(X, Y) = U_1$, $U(X, Y) = U_2$ функции полезности потребителя и наборы	1. $U(A) > U(C)$ 2. $U(C) > U(D)$ 3. $U(A) < U(C)$

	<p>благ потребителя A, B, C и D :</p>  <p>Тогда ...</p>	
41	<p>Если $U = \cos(x^2 - y + z^3)$, то значение U'_z в точке $M(0; -\pi/2; 0)$ равно...</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. $-\sqrt{3}/2$ 2. 0 3. $1/2$ 4. $\sqrt{2}/2$ 5. 1
42	<p>Если точка $M_0(x_0; y_0)$ является точкой экстремума функции $z = f(x, y)$, то верно что</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. $f'_x(x_0, y_0) = f'_y(x_0, y_0) = 0$; 2. $f'_x(x_0, y_0) = f'_y(x_0, y_0) = 1$; 3. $f'_x(x_0, y_0) \cdot f'_y(x_0, y_0) = 1$ 4. $f'_x(x_0, y_0) \cdot f'_y(x_0, y_0) = 0$; 5. $f'_x(x_0, y_0) \neq f'_y(x_0, y_0)$..
43	<p>Результат частного дифференцирования функции нескольких переменных не зависит от..., если все производные, входящие в вычисление, непрерывны</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Интервала функции 2. порядка дифференцирования 3. типа производной
Категория 13. Производная по направлению и градиент		
44	<p>Градиентом скалярного поля $u = xy^2z^2$ в точке $M(3; 2; -1)$ является вектор</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. $4\vec{i} + 12\vec{j} - 24\vec{k}$ 2. $\vec{i} + 4\vec{j} - 2\vec{k}$ 3. $3\vec{i} + 4\vec{j} - 2\vec{k}$ 4. $3\vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$
45	<p>Направление наискорейшего возрастания скалярного поля $u = xyz$ в точке $P(0; 1; 1)$ совпадает с направлением вектора...</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. \vec{j} 2. \vec{k} 3. \vec{i} 4. $\vec{j} + \vec{k}$
Категория 14. Интегралы		

46	<p>Множество первообразных функции $f(x) = 2 \sin 5x \cos 3x$ имеет вид...</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. $\frac{1}{8} \cos 8x + \frac{1}{2} \cos 2x + C$ 2. $-\frac{1}{8} \cos 8x - \frac{1}{2} \cos 2x + C$ 3. 4. $\frac{1}{8} \sin 8x - \frac{1}{2} \cos 2x + C$
47	<p>Неопределенный интеграл $\int \frac{x^3 dx}{2 + 3x^4}$ равен ...</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. $\frac{1}{4} \ln(2 + 3x^4) + C$ 2. $\frac{1}{3} \ln(2 + 3x^4) + C$ 3. $-\frac{1}{12(2 + 3x^4)^2} + C$ 4. $\frac{1}{12} \ln(2 + 3x^4) + C$
48	<p>С помощью, какой формулы, в основном, решаются задания по нахождению определенного интеграла:</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. формулы Римана; 2. формулы Коши; 3. используя формулы преобразования интеграла 4. формулы Ньютона - Лейбница.
49	<p>Найти значение определенного интеграла $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1+3x}}$</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. 0 2. 0,8 3. $\frac{2}{3}$ 4. 2
50	<p>Уравнение спроса на некоторый товар имеет вид: $p = \frac{100}{x + 15}$ Найти выигрыш потребителей, если равновесное количество товара равно 10.</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. 10 2. 1 3. 0,1 4. 100

Примерный перечень вопросов к зачету по дисциплине «Высшая математика»:

Раздел 1. Методы и модели матричного анализа

1. Определители второго и третьего порядков. (ОПК-2, 31, У1)
2. Определитель n -го порядка. Свойства определителей n -го порядка. (ОПК-2, 31, У1)
3. Свойство о разложении определителя по строке или столбцу. (ОПК-2, 31, У1)
4. Система n линейных уравнений с n неизвестными. Правило Крамера нахождения решения системы линейных уравнений. (ОПК-2, 31, У1)
5. Система n линейных уравнений с n неизвестными. Матричный способ решения системы линейных уравнений (ОПК-2, 31, У1)
6. Система m линейных уравнений с n неизвестными. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений (ОПК-2, 31, У1)
7. Матрица и ее экономический смысл. Порядок матрицы. Прямоугольная и квадратная матрицы. Единичная матрица. Нулевая матрица. Действия над матрицами. (ОПК-2, 31-2, У1)
8. Минор и алгебраическое дополнение элемента матрицы. Обратная матрица. Правило отыскания обратной матрицы. (ОПК-2, 31, У1)
9. Основная и расширенная матрицы системы линейных уравнений. Элементарные преобразования матрицы. Матрица, эквивалентная данной (ОПК-2, 31, У1)
10. Декартовы координаты на прямой, плоскости и в пространстве (ОПК-2, 31, У1)
11. Вектор. Нуль-вектор. Коллинеарные векторы. Равные векторы. Компланарные векторы. Линейные операции над векторами (ОПК-2, 31, У1).
12. Правило треугольника сложения двух векторов. Правило параллелограмма сложения двух векторов. Правило многоугольника сложения векторов. Правило параллелепипеда сложения трех некопланарных векторов. Условие коллинеарности векторов (ОПК-2, 31, У1)
13. Линейные операции над векторами. Свойства линейных операций над векторами. (ОПК-2, 31, У1)
14. Координаты вектора. Длина вектора. Орт вектора. Угол между векторами. Направляющие косинусы вектора (ОПК-2, 31, У1)
15. Скалярное произведение двух векторов. Свойства скалярного произведения векторов. (ОПК-2, 31, У1)
16. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении. Условие перпендикулярности двух векторов (ОПК-2, 31, У1)
17. Понятие и основные свойства n -мерных векторов. Векторное и линейное пространства. Евклидово пространство. (ОПК-2, 31, У1)
18. Понятие n -мерного вектора. Длина n -мерного вектора. Свойства длины n -мерного вектора. (ОПК-2, 31, У1)
19. Линейная комбинация векторов. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Свойства линейно зависимой и линейно независимой системы векторов (ОПК-2, 31, У1)
20. Базис линейного пространства. Размерность пространства. Ранг системы векторов. Теорема о разложении вектора в базисе. Теорема о базисе пространства (ОПК-2, 31, У1)
21. Методы матричного анализа в экономике (нахождение матрицы полных затрат, задачи распределения ресурсов через решение СЛАУ) (ОПК-2, 31-2, У1)
22. Методы векторной алгебры в экономике (составление таблицы обменных курсов валют, определение суммарного расхода сырья через скалярное произведение векторов) (ОПК-2, 31, У1)
23. Методы аналитической геометрии в экономике (линейная модель амортизации, линейная модель издержек, законы спроса и предложения) (ОПК-2, 31-2, У1)
24. Линейные модели в экономике (модель Леонтьева, модель межотраслевого баланса) (ОПК-2, 31-2, У1)

25. Уравнение прямой, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору (ОПК-2, 31, У1)
26. Уравнение прямой, проходящей через данную точку параллельно данному вектору (ОПК-2, 31, У1)
28. Уравнение прямой с угловым коэффициентом (ук-1, 31-2, У1).
29. Уравнение прямой в отрезках. (ук-1, 31-2, У1)
30. Каноническое уравнение прямой. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой. (ОПК-2, 31, У1)
31. Уравнение плоскости, проходящей через три точки. (ОПК-2, 31, У1)
32. Уравнение плоскости по двум точкам и вектору, коллинеарному плоскости (ОПК- 2, 31, У1)
33. Уравнение плоскости по одной точке и двум векторам, коллинеарным плоскости (ОПК-2, 31, У1)
36. Уравнение плоскости по точке и вектору нормали (ОПК-2, 31, У1)
34. Уравнение плоскости в отрезках. (ОПК-2, 31, У1)
35. Расстояние от точки до плоскости. (ОПК-2, 31, У1)

Раздел 2. Введение в математический анализ

36. Понятие множества и подмножества. Равные множества. Объединение, пересечение, разность множеств. Дополнение множества. Числовые множества. Промежутки: отрезок, интервал, полуинтервал, ε -окрестность точки (ОПК-2, 31, У1).
37. Постоянная величина. Переменная величина. Понятие функции. Область определения функции. Область значений функции (ОПК-2, 31, У1)
38. Способы задания функции: аналитический, табличный, графический, словесный. (ОПК-2, 31, У1)
39. Основные свойства функций: четность и нечетность; монотонность; ограниченность; периодичность (ОПК-2, 31, У1)
40. Понятие явной и неявной функции. (ОПК-2, 31, У1)
41. Обратная и сложная функции (ОПК-2, 31, У1).
42. Функции в экономике (ОПК-2, 31, У1).
43. Понятие элементарной функции (ОПК-2, 31, У1).
44. Классификация элементарных функций: алгебраические (целая рациональная функция, дробно-рациональная функция, иррациональная функция), трансцендентные (показательная, логарифмическая, тригонометрические, обратные тригонометрические функции) (ОПК-2, 31, У1).
45. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Геометрический смысл предела числовой последовательности (ОПК-2, 31, У1).
46. Предел функции в бесконечности. Геометрический смысл предела функции в бесконечности (ОПК-2, 31, У1).
47. Предел функции в точке. Геометрический смысл предела функции в точке (ОПК-2, 31, У1).
48. Бесконечно малая величина. Связь бесконечно малых величин с пределами функций. Свойства бесконечно малых величин (ОПК-2, 31, У1).
49. Бесконечно большая величина. Свойства бесконечно больших величин. Связь между бесконечно малыми и бесконечно большими величинами (ОПК-2, 31, У1).
50. Основные теоремы о пределах. Признаки существования предела (ОПК-2, 31, У1).
51. Замечательные пределы. Применение второго замечательного предела при непрерывном начислении процентов (ОПК-2, 31, У1).
52. Два определения непрерывности функции в точке. Точки разрыва первого и второго рода. Точка устранимого разрыва. Свойства функций, непрерывных в точке (ОПК-2, 31, У1).
53. Непрерывность функции на промежутке (ОПК-2, 31, У1).

54. Свойства функций, непрерывных на отрезке (ОПК-2, 31, У1).

Раздел 3. Основные методы математического анализа и экономико-математические модели

55. Приращение аргумента. Приращение функции. Определение производной. Дифференцируемая функция в точке и на промежутке. Геометрический, механический и экономический смыслы производной. Функции потребления и сбережения. Эластичность. (ОПК-2, 31-2, У1).

56. Зависимость между непрерывностью функции и дифференцируемостью. Гладкая и кусочно гладкая функции на промежутке (ОПК-2, 31, У1).

57. Схема вычисления производной. Основные правила дифференцирования (ОПК-2, 31, У1).

58. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Производная неявной функции. Производные высших порядков (ОПК-2, 31, У1).

59. Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа. Геометрические смыслы основных теорем дифференциального исчисления (ОПК-2, 31, У1).

60. Правило Лопиталя (ОПК-2, 31, У1).

61. Достаточное условие возрастания функции. Достаточное условие убывания функции. Необходимое условие монотонности (ОПК-2, 31, У1).

62. Точки экстремума функции – точки максимума и минимума функции. Необходимое условие экстремума. Критическая точка. Первое достаточное условие экстремума. Второе достаточное условие экстремума. Схема исследования функции на экстремум. (ОПК-2, 31, У1)

63. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Схема отыскания наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке (ОПК-2, 31, У1).

64. Выпуклость функции вниз и вверх. Точка перегиба. Необходимое условие перегиба. Достаточное условие перегиба. Схема исследования функции на выпуклость и точки перегиба (ОПК-2, 31, У1).

65. Задача максимизации дохода (ОПК-2, 31-2, У1).

66. Задача о нахождении объема производства по функции производительности. (ОПК-2, 31, У1).

67. Функции нескольких переменных (основные понятия) (ОПК-2, 31, У1).

68. Обработка экспериментальных данных по методу наименьших квадратов (ОПК-2, 31-2, У1)

69. Производная по направлению и градиент. (ОПК-2, 31, У1)

70. Первообразная. Неопределенный интеграл и его строение (ОПК-2, 31, У1).

71. Основные свойства неопределенного интеграла. (ОПК-2, 31, У1)

72. Неопределенный интеграл. Таблица интегралов (ОПК-2, 31, У1).

73. Замена переменной в неопределенном интеграле (ОПК-2, 31, У1).

74. Методы интегрирования. Интегрирование по частям (ОПК-2, 31, У1).

75. Определенный интеграл, его геометрический смысл. (ОПК-2, 31, У1)

76. Определенный интеграл, его механический и экономический смысл (ОПК-2, 31-2, У1)

77. Свойства определенного интеграла. (ОПК-2, 31, У1)

78. Теорема о среднем для определенного интеграла, ее геометрический смысл (ОПК-2, 31, У1).

79. Формула Ньютона – Лейбница (ОПК-2, 31, У1).

80. Замена переменной в определенном интеграле. (ОПК-2, 31, У1)

81. Криволинейная трапеция. Виды криволинейных трапеций (ОПК-2, 31, У1)

82. Площадь криволинейной трапеции (ОПК-2, 31, У1).

83. Нахождение площадей плоских областей (ОПК-2, 31, У1)

84. Приложения интегрального исчисления в экономике (определение выигрыша потребителей и поставщиков) (ОПК-2, 31, У1)

85. Неопределенный интеграл в экономических задачах (ОПК-2, 31-2, У1)